

## **Aula 00**

*Caixa Econômica Federal (CEF) Passo  
Estratégico de Probabilidade e Estatística*

Autor:  
**Allan Maux Santana**

10 de Março de 2024

# Índice

1) O que é o Passo Estratégico .....	3
2) Apresentação .....	4
3) Análise - CEF .....	5
4) Medias de Tendência Central (Posição) .....	7



## O QUE É O PASSO ESTRATÉGICO?

O Passo Estratégico é um material escrito e enxuto que possui dois objetivos principais:

- a) orientar revisões eficientes;
- b) destacar os pontos mais importantes e prováveis de serem cobrados em prova.

Assim, o Passo Estratégico pode ser utilizado tanto para **turbinar as revisões dos alunos mais adiantados nas matérias, quanto para maximizar o resultado na reta final de estudos por parte dos alunos que não conseguirão estudar todo o conteúdo do curso regular.**

Em ambas as formas de utilização, como regra, **o aluno precisa utilizar o Passo Estratégico em conjunto com um curso regular completo.**

Isso porque nossa didática é direcionada ao aluno que já possui uma base do conteúdo.

Assim, se você vai utilizar o Passo Estratégico:

- a) **como método de revisão**, você precisará de seu curso completo para realizar as leituras indicadas no próprio Passo Estratégico, em complemento ao conteúdo entregue diretamente em nossos relatórios;
- b) **como material de reta final**, você precisará de seu curso completo para buscar maiores esclarecimentos sobre alguns pontos do conteúdo que, em nosso relatório, foram eventualmente expostos utilizando uma didática mais avançada que a sua capacidade de compreensão, em razão do seu nível de conhecimento do assunto.

### Seu cantinho de estudos famoso!

Poste uma foto do seu cantinho de estudos nos stories do Instagram e nos marque:



[@passoestrategico](https://www.instagram.com/passoestrategico)

Vamos repostar sua foto no nosso perfil para que ele fique famoso entre milhares de concurseiros!



## APRESENTAÇÃO

Olá! Sou o professor **Allan Maux** e serei o seu analista do **Passo Estratégico** nas matérias de **EXATAS**.

Para que você conheça um pouco sobre mim, segue um resumo da minha **experiência profissional**, acadêmica e como concursado:



*Sou, atualmente, Auditor Fiscal do Município de Petrolina – PE, aprovado em 2º lugar no concurso de 2011.*

*Sou formado em **matemática** e pós-graduado em direito tributário municipal.*

*Fui, por 05 anos, **Secretário de Fazenda do Município de Petrolina**, período no qual participei da comissão que elaborou o **novo Código Tributário da Cidade, vigente até o momento**, colocando a cidade entre as maiores arrecadações do Estado de Pernambuco.*

*Lecionei, também, em cursos preparatórios para o ITA, em Recife-PE.*

*Fui aprovado e nomeado no concurso para Analista da Receita Federal, em 2012.*

*Aprovado e nomeado, em 2007, para o cargo de gestor de tributos da Secretaria da Fazenda do Estado de Minas Gerais.*

*Nossa carreira como Auditor Fiscal de Petrolina é bastante atraente e me fez refletir bastante por sua manutenção, nosso salário inicial beira aos 18k e, final de carreira, passa dos 35k, basicamente, esse salário me fez refletir por aposentar as chuteiras como concursado e permanecer no meu Pernambuco.*

*Atualmente, também, leciono matemática para concursos e vestibulares, presencialmente e com aulas em vídeo.*

Estou extremamente feliz de ter a oportunidade de trabalhar na equipe do “Passo”, porque tenho convicção de que nossos relatórios e simulados proporcionarão uma preparação diferenciada aos nossos alunos!

Bem, vamos ao que interessa!!

**Prof. Allan Maux**



## ANÁLISE ESTATÍSTICA

Inicialmente, convém destacar os percentuais de incidência de todos os assuntos previstos em nosso curso – quanto maior o percentual de incidência de um determinado assunto, maior será sua importância para nosso certame.

Nossa análise será executada em concursos realizados de **2019 a 2023** da banca **CESGRANRIO**, para o concurso da **CEF**.

### Matemática Financeira:

- % de cobrança em provas anteriores	
PORCENTAGEM	33,33%
JUROS SIMPLES E COMPOSTO / TAXAS DE JUROS	31,37%
PROGRESSÃO ARITMÉTICA E GEOMÉTRICA	14,71%
PRICE / SAC	14,71%
EQUIVALÊNCIA DE CAPITAIS	3,92%
DESCONTO SIMPLES E COMPOSTO	1,96%
TOTAL	100%

Basicamente, temos em 03 assuntos 80% de incidência:

1. Porcentagem;
2. Juros Simples e Composto
3. Progressão Aritmética e Geométrica

Acredito que a cobrança sobre esses 3 temas **não seja tão aprofundada**, estude com questões, ok?

### Probabilidade e Estatística:

- % de cobrança em provas anteriores	
PROBABILIDADE	52,94%
MEDIDAS DE TENDÊNCIA CENTRAL	41,18%
MEDIDAS DE DISPERSÃO	5,88%
CORRELAÇÃO / REGRESSÃO	0,00%
ANÁLISE DE VARIÂNCIA	0,00%
TOTAL	100%

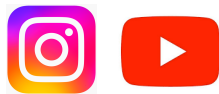




Pessoal, sorte a nossa que a incidência maior está em dois assuntos bastante conhecidos dos concurseiros, caso você não tenha tempo suficiente, foque apenas em **PROBABILIDADE** e **MEDIDAS DE TENDÊNCIA CENTRAL**, ok?

O custo benefício de avançar nos 3 últimos tópicos não é tão interessante para o aluno que tem pouco tempo de estudo.

Vocês perceberão que nos cursos de exatas os perfis das questões das bancas são muito idênticos, portanto, treinem exaustivamente principalmente aquele assunto que possui uma maior incidência em nossa análise e que você tenha mais dificuldade.



[@estrategiaconcursos](#)

[@passoestrategico](#)

[@profallanmaux](#)



## MEDIDAS DE POSIÇÃO /

### SEPARATRIZES

#### Sumário

Medidas de Posição / .....	1
Separatrizes .....	1
O que é mais cobrado dentro do assunto .....	3
Roteiro de revisão e pontos do assunto que merecem destaque.....	3
Medidas de Tendência Central .....	3
Média Aritmética $\bar{X}$ .....	3
Moda .....	6
Mediana .....	11
Questões estratégicas .....	15
Questões FGV .....	15
Questões CEBRASPE .....	21
Questões FCC.....	31
Lista de Questões Estratégicas.....	33
Questões FGV .....	33
Gabarito - FGV .....	35
Questões CEBRASPE .....	36
Gabarito - CEBRASPE .....	39
Questões FCC.....	39
Gabarito - FCC.....	40



Medidas Separatrizes.....	41
Quartil .....	41
Decil .....	46
Percentil .....	48
Box Plot .....	50
Questões estratégicas .....	50
Lista de Questões Estratégicas.....	58
Gabarito .....	61





## O que é mais cobrado dentro do assunto

Vamos analisar agora como se comporta a incidência dos sub assuntos da nossa aula de hoje. Assim, você será melhor direcionado nos seus estudos, vejam:

MEDIDAS DE POSIÇÃO	Grau de incidência
MEDIANA	39,0%
MÉDIA	36,2%
MODA	20,6%
SEPARATRIZES	4,2%
TOTAL	100,00%

## ROTEIRO DE REVISÃO E PONTOS DO ASSUNTO QUE MERECEM DESTAQUE

A ideia desta seção é apresentar um roteiro para que você realize uma revisão completa do assunto e, ao mesmo tempo, destacar aspectos do conteúdo que merecem atenção.

Para revisar e ficar bem preparado no assunto, você precisa, basicamente, seguir os passos a seguir:

## MEDIDAS DE TENDÊNCIA CENTRAL

Sabemos que essas medidas possuem como objetivo representar da melhor forma possível uma determinada população como um todo. A finalidade principal da Estatística é a tomada de decisões. Portanto, essas medidas de *tendência central* precisam ser confiáveis para que sua representatividade esteja muito próxima da realidade.

Iremos estudar as três medidas de tendência central a seguir:

### *Média, Moda e Mediana*

## Média Aritmética $\bar{X}$

Sabemos que esse conceito é bem simples e as provas não costumam complicar muito nas questões.



$$\underline{X} = \text{Média Aritmética} = \frac{\text{Soma dos Valores}}{\text{Quantidade de Valores}}$$

Uma observação importante é no cálculo da **Média Aritmética da Dados Agrupados em Classes**. Vamos pegar o nosso exemplo da aula 00. Vejam:

<u>IDADES</u>	<u>FREQUÊNCIA ABSOLUTA (fi)</u>	<u>PONTO MÉDIO (PM)</u>
<u>0┆10</u>	<b>12</b>	<u>5</u> = (0 + 10)/2
<u>10┆20</u>	<b>5</b>	<u>15</u> = (10 + 20)/2
<u>20┆30</u>	<b>13</b>	<u>25</u> = (20 + 30)/2
<u>30┆40</u>	<b>5</b>	<u>35</u> = (30 + 40)/2
<u>40┆50</u>	<b>6</b>	<u>45</u> = (40 + 50)/2
<u>50┆60</u>	<b>9</b>	<u>55</u> = (50 + 60)/2

É bem intuitivo a gente usar o **Ponto Médio** de cada classe como nosso valor de referência para o cálculo da Média Aritmética, correto? Logo, nossa Média Aritmética será dada por:

$$\underline{X} = \text{Média Aritmética} = \frac{12 \cdot 5 + 5 \cdot 15 + 13 \cdot 25 + 5 \cdot 35 + 6 \cdot 45 + 9 \cdot 55}{50} = 28$$

ou seja: **Média Arimética da Dados Agrupados em Classes é dada por:**

$$\underline{X} = \frac{\sum f_i \cdot PM}{n}$$

A galera geralmente não gosta dessa simbologia toda...rsrsrs, muita gente odeia **ESTATÍSTICA** por conta desse excesso de símbolos. Mas, vejam apenas como uma maneira de resumir a fórmula. O importante aqui é você saber como faz, ok?

Pessoal, temos algumas **Propriedades** da **Média Aritmética** que são importantes para a nossa prova, ok?

Se você achar que são muitas propriedades e que não vai conseguir entender todas, então deem atenção, primeiramente, a essas **duas**:

## Propriedades Importantes da

### Média Aritmética

Ao somar, ou subtrair, uma constante "k" a cada elemento do conjunto, a média será aumentada, ou subtraída, de "k"

Ao multiplicar, ou dividir, uma constante "k" a cada elemento do conjunto, a média será multiplicada, ou dividida, por "k"

Dá para perceber que as duas propriedades acima poderiam se resumir a apenas uma?



AO SOMAR, SUBTRAIR, MULTIPLICAR, OU DIVIDIR, uma constante "k" a cada elemento...

Vejam um exemplo simples:

A *média* entre 3 e 5 é **4**, ok?

Somando **1** a cada elemento, temos a *média* entre 4 e 6 que é **5**, ok?

Ou seja, somando 1 a cada elemento da média, a nova média passa a ser a anterior  $(4) + 1 = 5$ .

O mesmo vale para as demais operações, ok?

CUIDADO: essas propriedades não se aplicam à potenciação e à radiciação.

Uma terceira *Propriedade* simples de ser constatada é a da *Soma dos Desvios*.

Ainda sobre o nosso exemplo anterior, sabemos que a Média foi de 4 para os elementos 3 e 5, ok?

Tomando a média como referência, vemos que:

$$\text{Desvio}_1 = 3 - 4 = -1$$

$$\text{Desvio}_2 = 5 - 4 = 1$$

Somando os Desvios, eles se anulam:  $-1 + 1 = 0$

FIQUE  
ATENTO!



*Desvio* em relação à media nada mais é do que a *diferença* entre cada *elemento* de um conjunto de valores e sua *média aritmética*.

**A soma do Desvios será NULA.**

Uma quarta Propriedade, obviamente, decorrente do conceito de Média Aritmética, é a seguinte:

A Média entre 3 e 5 é **4**, ok?

E se adicionarmos mais um elemento a esse conjunto de valores, o que ocorrerá?

**Situação 1:** Se o elemento for *igual* à média (4), *nada mudará* em relação à Média.



A Média entre {3, 4 e 5} é 4.

**Situação 2:** Se o elemento for menor do que a média, então a média diminuirá;

**Situação 3:** Se o elemento for maior do que a média, então a média aumentará.

## Moda

A **moda** é uma medida de posição e de tendência central. Essa medida mostra o valor que mais se repete em um conjunto de observações. Sendo que, um conjunto de observações pode apresentar mais de uma ou até nenhuma moda. Logo, podemos ter um conjunto unimodal (uma moda), bimodal (duas modas), multimodal (mais de duas modas) e amodal (sem moda).

- Moda para Dados Não Agrupados

Quando temos um conjunto de valores não agrupados, a moda é o valor que aparece com maior frequência, mas como dito antes, pode haver mais de uma ou até nenhuma moda. Observem os exemplos abaixo.

<b>Amodal</b>	<u>Todos</u> os elementos do conjunto apresentam a <u>mesma</u> frequência. Ex: {1, 2, 3, 4, 5}
<b>Unimodal</b>	<u>Um</u> elemento do conjunto apresenta a maior frequência. Ex: {1, <b>2, 2</b> , 3, 4, 5}
<b>Bimodal</b>	<u>Dois</u> elementos do conjunto com a <u>mesma</u> frequência de observações. Ex: {1, <b>2, 2</b> , <b>3, 3</b> , 4, 5}
<b>Multimoda</b> 	<u>Três ou mais</u> elementos do conjunto com a <u>mesma</u> frequência de observações. Ex: {1, <b>2, 2</b> , <b>3, 3</b> , 4, <b>5, 5</b> }

- Moda para Dados Agrupados sem intervalo de classe

Quando temos um conjunto de valores agrupados, a moda será o valor que apresentar a maior frequência absoluta. Observem a tabela abaixo.

<u>IDADES</u>	<u>FREQUÊNCIA ABSOLUTA (fi)</u>
10	12
20	5
30	<b>13</b>
40	5
50	6
60	9



Vejam que nesse exemplo, a moda será 30 anos, pois é o valor que apresenta a maior frequência absoluta (13).

- Moda para Dados Agrupados em classes

Quando os dados são agrupados em classes de mesma amplitude, a moda será o valor da classe que apresenta a maior frequência. Essa classe será chamada de classe modal. Existem alguns métodos de se calcular a moda em dados agrupados em classes. Esses métodos são os seguintes:

a) Moda de Czuber

A moda é calculada através da seguinte expressão:

$$M_o = l_{inf} + \left[ \frac{\Delta_a}{\Delta_a + \Delta_p} \right] \cdot h$$

Onde:

$\Delta_a$  = diferença anterior =  $f_{M_o} - f_{ant}$

$f_{M_o}$  = frequência absoluta da classe modal

$f_{ant}$  = frequência absoluta anterior a classe modal

$\Delta_p$  = diferença posterior =  $f_{M_o} - f_{post}$

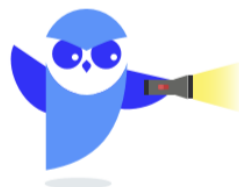
$f_{post}$  = frequência absoluta posterior a classe modal

$h$  = amplitude da classe modal =  $l_{sup} - l_{inf}$

$l_{inf}$  = limite inferior da classe modal

$l_{sup}$  = limite superior da classe modal

ESCLARECENDO!



Se a classe modal for a primeira ou a última. A  $f_{ant}$  será zero (se for a primeira) ou  $f_{post}$  será zero (se for a última).

**Exemplo:** Qual a moda das Idades de uma grupo de pessoas?



<u>IDADES</u>	<u>FREQUÊNCIA ABSOLUTA (<math>f_i</math>)</u>
<u>0-10</u>	12
<u>10-20</u>	5
<u>20-30</u>	<b>13</b>
<u>30-40</u>	5
<u>40-50</u>	6
<u>50-60</u>	9

Nesse exemplo, temos que a frequência absoluta da classe modal é **13**. Sabendo disso, a primeira coisa a ser feita é calcular as diferenças anteriores e posteriores.

$$\Delta_a = \text{diferença anterior} = f_{M_o} - f_{ant} = 13 - 5 = 8$$

$$\Delta_p = \text{diferença posterior} = f_{M_o} - f_{post} = 13 - 5 = 8$$

Além disso, temos que os limites e amplitude são os seguintes:

$$l_{inf} = 20$$

$$l_{sup} = 30$$

$$h = l_{sup} - l_{inf} = 30 - 20 = 10$$

Aplicando a fórmula de Czuber:

$$M_o = l_{inf} + \left[ \frac{\Delta_a}{\Delta_a + \Delta_p} \right] \cdot h = 20 + \left[ \frac{8}{8 + 8} \right] \cdot 10 = 20 + \frac{8}{16} \cdot 10 = 20 + 5 = \mathbf{25}$$

#### b) Moda de King

A moda é calculada da seguinte forma:

$$M_o = l_{inf} + \left[ \frac{f_{post}}{f_{ant} + f_{post}} \right] \cdot h$$

Vejam que o cálculo da moda de King é semelhante ao da moda de Czuber. Sendo que, ao invés de se utilizar as diferenças anterior e posterior, utilizamos as frequências.

**Exemplo:** Qual a moda das Idades de um grupo de pessoas?

<u>IDADES</u>	<u>FREQUÊNCIA ABSOLUTA (<math>f_i</math>)</u>
---------------	---



<u>0-10</u>	12
<u>10-20</u>	5
<u>20-30</u>	<b>13</b>
<u>30-40</u>	5
<u>40-50</u>	6
<u>50-60</u>	9

Nesse exemplo, temos que a frequência absoluta da classe modal é **13**. Temos as seguintes informações:

$$f_{ant} = 5$$

$$f_{post} = 5$$

$$l_{inf} = 20$$

$$h = l_{sup} - l_{inf} = 30 - 20 = 10$$

Aplicando a fórmula de King, teremos o seguinte:

$$M_o = l_{inf} + \left[ \frac{f_{post}}{f_{ant} + f_{post}} \right] \cdot h = 20 + \left[ \frac{5}{5 + 5} \right] \cdot 10 = 20 + \frac{5}{10} \cdot 10 = 25$$

Coincidentemente, como as frequências anterior e posterior foram iguais, os valores da moda de King foi igual a moda de Czuber. Mas isso nem sempre ocorre.

ESCLARECENDO!



Se a classe modal for a primeira ou a última. A  $f_{ant}$  será zero (se for a primeira) ou  $f_{post}$  será zero (se for a última).

c) Moda de Pearson (*pouco explorado em prova*)



A moda é calculada através de uma relação empírica. Para isso, temos que conhecer o valor da média ( $\bar{X}$ ) e da mediana ( $M_d$ ). A expressão dessa relação é dada por:

$$M_o = 3 \cdot M_d - 2 \cdot \bar{X}$$

ESCLARECENDO!



A fórmula de Pearson só poderá ser utilizada quando a questão expressamente pedir a moda de Pearson.

d) Moda bruta (*raro em prova*)

A moda é obtida através do ponto médio da classe modal, isto é, a média entre limite inferior ( $l_{inf}$ ) e o limite superior ( $l_{sup}$ ) da classe modal.

$$M_o = \frac{l_{inf} + l_{sup}}{2}$$

Pessoal, assim como a Média Aritmética, também temos duas importantes Propriedades para Moda.

## Propriedades Importantes da

### Moda

Ao somar, ou subtrair, uma constante "k" a cada elemento do conjunto, a moda será aumentada, ou subtraída, de "k"

Ao multiplicar, ou dividir, uma constante "k" a cada elemento do conjunto, a moda será multiplicada, ou dividida, por "k"

Dá para perceber que as duas propriedades acima poderiam se resumir a apenas uma?

**AO SOMAR, SUBTRAIR, MULTIPLICAR, OU DIVIDIR, uma constante "k" a cada elemento...**





## Mediana

A **Mediana** é a medida de posição que se encontra no centro de um conjunto de observações. Sendo que, os valores do conjunto devem estar ordenados.

- Mediana para Dados em Rol

Considere os seguintes dados bruto:

1, 2, 9, 12, 5, 2, 6, 3, 5, 9, 4

A primeira coisa a ser feita é organizar esses dados em um Rol.

{1, 2, 2, 3, 4, 5, 5, 6, 9, 9, 12}

Nesse caso, temos um número ímpar. E a mediana será exatamente o valor central (5). Mas nem sempre é fácil encontrar esse valor. Logo, podemos encontrar valor central da seguinte forma:

$$\frac{n + 1}{2} \text{ (posição da mediana)}$$

No nosso conjunto de dados temos 11 elementos.

$$\frac{11 + 1}{2} = \frac{12}{2} = 6^\circ \text{ posição}$$

Se tivermos um número par de elementos, a mediana será a média dos dois valores centrais.

{10, 20, 30, 40, 50, 60}

Nesse caso, fazendo a média dos elementos centrais temos que a mediana é 35. Sendo que, também podemos utilizar uma expressão para encontrar os elementos centrais.

Primeira posição central:  $\frac{n}{2}$

Segunda posição central:  $\frac{n}{2} + 1$

No nosso exemplo, temos o seguinte:

$$\frac{n}{2} = \frac{6}{2} = 3^\circ \text{ posição}$$

$$\frac{n}{2} + 1 = \frac{6}{2} + 1 = 4^\circ \text{ posição}$$



Fazendo a média dessas duas posições encontramos o valor da mediana:

$$M_d = \frac{30 + 40}{2} = \frac{70}{2} = 35$$

- Mediana para Dados agrupados por valor

Para encontrar a mediana temos que utilizar a frequência acumulada.

<u>IDADES</u>	<u>FREQUÊNCIA ABSOLUTA (fi)</u>	<u>FREQUÊNCIA ACUMULADA (fac)</u>
10	12	12
20	5	17
30	13	30
40	5	35
50	6	41
60	9	50
TOTAL	50	

Para encontrar a posição da mediana, basta utilizar a seguinte expressão:

$$\frac{n}{2}$$

Também precisamos nos preocupar com número par ou ímpar de elementos. Aqui o "n" é 50 (par). Logo,

$$\frac{n}{2} = \frac{50}{2} = 25^\circ \text{ posição}$$

$$\frac{n}{2} + 1 = \frac{50}{2} + 1 = 26^\circ \text{ posição}$$

Portanto, observando a coluna das frequência acumuladas, podemos ver que as posições 25 e 26 correspondem a 30 anos cada. Fazendo a média teremos a mediana igual 30 anos.

$$\frac{30 + 30}{2} = \frac{60}{2} = 30$$

- Mediana para Dados Agrupados em Classes

Para encontrar a mediana também utilizamos a frequência acumulada.

<u>IDADES</u>	<u>FREQUÊNCIA ABSOLUTA (fi)</u>	<u>FREQUÊNCIA ACUMULADA (fac)</u>
0-10	12	12



10 † 20	5	17
20 † 30	13	30
30 † 40	5	35
40 † 50	6	41
50 † 60	9	50
TOTAL	50	

De posse da coluna da frequência acumulada, a primeira coisa a ser feita é encontrar a classe mediana. Para isso, não precisamos nos preocupar com elementos par ou ímpar. Basta utilizar a seguinte expressão:

$$\frac{n}{2}$$

No nosso exemplo, o "n" é igual a 50. Logo, teremos a posição 25 e essa posição fica na classe de 20 a 30. Sabendo a classe modal, basta calcular a mediana através da fórmula.

A fórmula da mediana é a seguinte:

$$M_d = l_{inf} + \left[ \frac{\left(\frac{n}{2}\right) - f_{ac_{ant}}}{f_i} \right] \cdot h$$

Onde:

$n$  = número de elementos

$l_{inf}$  = limite inferior da classe mediana

$f_{ac_{ant}}$  = frequência acumulada anterior à classe mediana

$f_i$  = frequência absoluta simples da classe mediana

$h$  = amplitude da classe mediana =  $l_{sup} - l_{inf}$

Aplicando a fórmula no exemplo, teremos o seguinte:

$$M_d = l_{inf} + \left[ \frac{\left(\frac{n}{2}\right) - f_{ac_{ant}}}{f_i} \right] \cdot h = 20 + \left[ \frac{\left(\frac{50}{2} - 17\right)}{13} \right] \cdot 10 = 20 + \left[ \frac{25 - 17}{13} \right] \cdot 10 = 20 + \frac{8}{13} \cdot 10$$

$$M_d = 20 + 6,15 = 26,15$$



Pessoal, assim como a Média Aritmética, também temos duas importantes Propriedades para Mediana.

## Propriedades Importantes da

### Mediana

Ao somar, ou subtrair, uma constante "k" a cada elemento do conjunto, a mediana será aumentada, ou subtraída, de "k"

Ao multiplicar, ou dividir, uma constante "k" a cada elemento do conjunto, a mediana será multiplicada, ou dividida, por "k"

Dá para perceber que as duas propriedades acima poderiam se resumir a apenas uma?

AO SOMAR, SUBTRAIR, MULTIPLICAR, OU DIVIDIR, uma constante "k" a cada elemento...



Apenas a Média Aritmética é afetada por valores extremos.



## QUESTÕES ESTRATÉGICAS

Nesta seção, apresentamos e comentamos uma amostra de questões objetivas selecionadas estrategicamente: são questões com nível de dificuldade semelhante ao que você deve esperar para a sua prova e que, em conjunto, abordam os principais pontos do assunto.

A ideia, aqui, não é que você fixe o conteúdo por meio de uma bateria extensa de questões, mas que você faça uma boa revisão global do assunto a partir de, relativamente, poucas questões.



### Questões FGV

Q.01 (FGV / SEFAZ-ES / 2022)

As notas de nove candidatos num certo exame foram:

54, 48, 46, 51, 38, 50, 44, 58, 32.

A mediana dessas notas é igual a

- a) 44.
- b) 46.
- c) 48.
- d) 50.
- e) 51.

**Comentários:**

O erro mais frequente cometido pelo candidato, nas questões que envolvem a mediana, é não organizar os dados brutos em Rol, ou seja, em ordem crescente ou decrescente. Felizmente, nessa questão, o examinador não colocou como opção nas alternativas o 38, senão alguns candidatos mais desatenciosos poderiam marcar essa opção, visto que o **termo central é o 5°**.

32, 38, 44, 46, **48**, 50, 51, 54, 58



**CONSELHO:** Sugiro que o candidato escreva todos os termos e não apenas até o 5° porque você pode esquecer de algum deles e perder a questão.

Gabarito: C

Q.02 (FGV / SEFAZ-ES / 2022)

Uma amostra de idades de usuários de determinado serviço forneceu os seguintes dados:

23; 34; 30; 22; 34; 53; 34; 28; 30; 22

A soma dos valores da média, da moda e da mediana desses dados é igual a

- a) 93.
- b) 94.
- c) 95.
- d) 96.
- e) 97.

Comentários:

Vamos colocá-los em ordem crescente:

22, 22, 23, 28, 30, 34, 34, 34, 53

Para o cálculo da **Mediana**, precisaremos calcular a média aritmética entre o 5° e o 6° termos, pois a quantidade de termos é par, logo não existe um termo central.

22, 22, 23, 28, **30, 30**, 34, 34, 34, 53

**Mediana:** 30

**Moda:** 34 (o termo mais frequente)

**Média:**  $310/10 = 31$

A soma da Mediana, da Moda e da Média:  $30 + 34 + 31 = 95$

Gabarito: C

Q.03 (FGV / Pref. Salvador - BA /2019)



Em uma pequena empresa, a média salarial dos 12 funcionários era de R\$2400,00. Lúcio Mauro, que ganhava R\$3000,00, se aposentou e para ocupar sua vaga foi contratado Felipe, com um salário de R\$1800,00.

Assinale a opção que indica a nova média salarial dos 12 funcionários dessa empresa.

- a) R\$2350,00.
- b) R\$2300,00.
- c) R\$2280,00.
- d) R\$2250,00.
- e) R\$2200,00.

#### Comentários:

Pessoal, a soma de todos os salários é igual a:

$$\text{Soma dos Salários} = 12 \times 2400,00 = \text{R\$ } 28800,00$$

Após a aposentadoria de Lúcio Mauro, que ganhava R\$ 3000,00, a soma passou a ser de R\$ 28.800,00 – R\$ 3.000,00 = R\$ 25.800,00.

No entanto, entrou Felipe com um salário de R\$ 1.800,00 que será somado aos R\$ 25.800,00, perfazendo um total de R\$ 27.600,00. Logo, a nova média será de:

$$\underline{X} = \frac{27.600,00}{12} = \text{R\$ } 2.300,00$$

Gabarito: B

#### Q.04 (FGV/Analista de Patologia Clínica (FunSaúde CE) /2021)

Em um conjunto de 12 números, a média de 4 deles é 15 e a média dos outros 8 é 18.

A média dos 12 números é

- a) 17.
- b) 16,8.
- c) 16,5.
- d) 16.
- e) 15,5.

Comentários:



Pessoal, a banca quer saber a média do conjunto de 12 números. Para tanto, ela dar a média de 4 e 8 deles. Podemos resolver essa questão de duas formas.

Primeira forma:

$$\bar{X}_n = \frac{X_1 + X_2 + \dots + X_n}{n}$$

Encontrar o somatório do conjunto de 4.

$$\bar{X}_4 = 15$$

$$\bar{X}_4 = \frac{X_1 + X_2 + X_3 + X_4}{n}$$

$$15 = \frac{X_1 + X_2 + X_3 + X_4}{4}$$

$$X_1 + X_2 + X_3 + X_4 = 15 \cdot 4$$

$$X_1 + X_2 + X_3 + X_4 = 60$$

Encontrar o somatório do conjunto de 8.

$$\bar{X}_8 = 18$$

$$\bar{X}_8 = \frac{X_5 + X_6 + X_7 + X_8 + X_9 + X_{10} + X_{11} + X_{12}}{n}$$

$$18 = \frac{X_5 + X_6 + X_7 + X_8 + X_9 + X_{10} + X_{11} + X_{12}}{8}$$

$$X_5 + X_6 + X_7 + X_8 + X_9 + X_{10} + X_{11} + X_{12} = 18 \cdot 8$$

$$X_5 + X_6 + X_7 + X_8 + X_9 + X_{10} + X_{11} + X_{12} = 144$$

Por fim, utilizar os dois somatórios para encontrar a média do conjunto de 12 números.

$$\bar{X}_{12} = \frac{(X_1 + X_2 + X_3 + X_4) + (X_5 + X_6 + X_7 + X_8 + X_9 + X_{10} + X_{11} + X_{12})}{n}$$





$$\bar{X}_{12} = \frac{60 + 144}{12} = \frac{204}{12}$$

$$\bar{X}_{12} = 17$$

Segunda forma: É a que faria na prova.

Utilizaria o conceito de média global.

$$\bar{X}_G = \frac{n_1\bar{X}_1 + n_2\bar{X}_2 + \dots + n_n\bar{X}_n}{n_1 + n_2 + \dots + n_n}$$

Para nossa questão podemos escrever a equação da seguinte forma:

$$\bar{X}_{12} = \frac{n_4\bar{X}_4 + n_8\bar{X}_8}{n_4 + n_8}$$

Onde,

$n_4 = 4$  (conjunto de 4 números);

$n_8 = 8$  (conjunto de 4 números);

$\bar{X}_4 = 15$  (média do conjunto de 4 números);

$\bar{X}_8 = 18$  (média do conjunto de 8 números);

$$\bar{X}_{12} = \frac{4 \cdot 15 + 8 \cdot 18}{4 + 8} = \frac{60 + 144}{12} = \frac{204}{12}$$

$$\bar{X}_{12} = 17$$

**Gabarito: A**

**Q.05 (FGV/Auxiliar Técnico Administrativo (IMBEL)/Almoxarife/2021)**

A lista a seguir representa a quantidade de itens de certo produto vendidos por uma loja nos 6 dias de certa semana, organizados em ordem crescente:

$N, 14, 15, 17, 20, 2N$ .

Sabe-se que a média desses números é 1 unidade maior que a mediana deles.

O número  $N$  é elemento do conjunto

a)  $\{1, 2, 3\}$ .



b) {4, 5, 6}.

c) {7, 8, 9}.

d) {10, 11}.

e) {12, 13}.

### Comentários:

Essa questão traz a lista quantidade de itens de certo produto vendidos em 6 dias. Além disso, diz que a lista está em ordem crescente.

$$N, 14, 15, 17, 20, 2N$$

Na questão também foi informado que a média é uma unidade maior que a mediana.

$$\bar{X} = M_d + 1$$

Vejam que temos um ROL com um número par de elementos. Logo, temos que encontrar os dois números centrais e fazer a média deles para descobrir a  $M_d$ .

$$N, 14, 15, 17, 20, 2N$$

$$M_d = \frac{15 + 17}{2} = \frac{32}{2} = 16$$

Agora basta encontrar a média.

$$\bar{X} = 16 + 1 = 17$$

De posse da média podemos encontrar o valor do "N" através do somatório da fórmula da média.

$$\bar{X}_n = \frac{X_1 + X_2 + \dots + X_n}{n}$$

$$17 = \frac{N + 14 + 15 + 17 + 20 + 2N}{6}$$

$$3N + 66 = 17 \cdot 6$$

$$3N = 102 - 66$$

$$3N = 36$$

$$N = 12$$



A questão quer saber qual conjunto o "N" pertence. Portanto, resposta alternativa "E" {12, 13}.

Gabarito: E

## Questões CEBRASPE

Q.01 (CESPE - CEBRASPE / Financiadora de Estudos e Projetos / 2009)

Um levantamento efetuado entre os 100 jovens inscritos em um projeto de inclusão social desenvolvido por uma instituição mostra a seguinte distribuição etária.

idade (X, em anos)	frequência
16	40
17	30
18	20
19	10

Com base nessas informações, assinale a opção incorreta.

- a) A mediana da distribuição etária é igual a 17,5 anos.
- b) A variável X apresentada na tabela de frequências é uma variável discreta.
- c) A média das idades dos jovens observados no levantamento é igual a 17 anos.
- d) A moda da distribuição etária é igual a 16 anos.
- e) Dos jovens inscritos no referido projeto de inclusão social, 30% possuem idades maiores ou iguais a 18 anos.

Comentários:

Alternativa A: **Errada**

A mediana da distribuição etária é igual a 17,5 anos.

Nossa população amostral é de 100 elementos, a mediana é a média da posição 50 e 51.

O elemento 50º é 17 e o 51º é 17 então a mediana é:



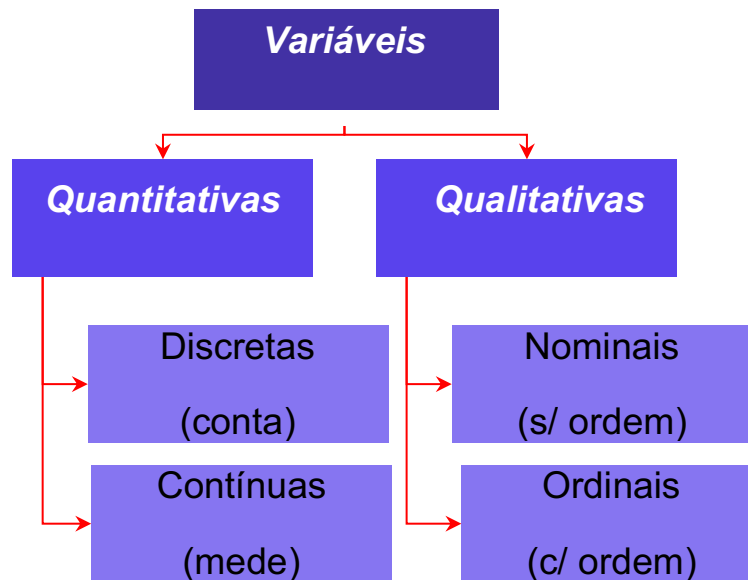
$$Md = \frac{17+17}{2}$$

$$Md = 17 \text{ anos}$$

Alternativa B: Correta

A variável X apresentada na tabela de frequências é uma variável discreta.

Vamos colocar nossa tabelinha para lembrarmos as diferenças entre as variáveis:



A idade além de ser uma variável quantitativa, também, é discreta.

Alternativa C: Correta

A média das idades dos jovens observados no levantamento é igual a 17 anos.

$$\text{Média Aritmética} = \frac{40 \cdot 16 + 30 \cdot 17 + 20 \cdot 18 + 10 \cdot 19}{100} = 17$$

Alternativa D: Correta

A moda da distribuição etária é igual a 16 anos.



idade (X, em anos)	frequência
16	40
17	30
18	20
19	10

Observando nossa tabela de frequências absolutas, vemos, facilmente, que a idade 16 anos é a nossa *moda*, visto que é o elemento com a maior frequência.

**Alternativa E: Correta**

Dos jovens inscritos no referido projeto de inclusão social, 30% possuem idades maiores ou iguais a 18 anos.

Maiores ou iguais a 18 anos são alunos com 18 ou 19 anos, que nesse caso somam  $(20 + 10) = 30$  anos. Logo, 30 de um total de 100, equivale a 30%.

**Gabarito: A**

**Q.02 (CESPE - CEBRASPE / ABIN / 2010)**

*Sabendo que X é variável aleatória discreta que pode assumir valores inteiros não negativos, julgue o próximo item.*

*A média de X é não negativa.*

**C - Certo.**

**E – Errado.**

**Comentários:**

Não é possível representar quantidade de filhos com números fracionários ou negativos, logo temos uma variável quantitativa discreta. Nessa linha, a média de uma variável discreta não pode assumir valores negativos.

**Gabarito: Certa**

**Q.03 (CESPE - CEBRASPE / Tribunal de Contas - RJ / 2021)**



X	frequência absoluta
0	5
1	10
2	20
3	15
total	50

Considerando que a tabela precedente mostra a distribuição de frequências de uma variável quantitativa  $X$ , julgue o item a seguir.

A moda e a mediana da variável  $X$  são, respectivamente, iguais a 2 e 1,5

C - Certo.

E - Errado.

**Comentários:**

Pessoal, de imediato, sabemos que, dentre todas as medidas de **tendência central**, a mais simples de ser calculada é a Moda.

Na nossa questão a **Moda ( $mo$ ) é 2**, visto que é o valor com maior frequência (**20**), logo, até então, nosso item está correto.

Vamos agora atrás da **Mediana ( $md$ )**.

Um **erro** bastante frequente no cálculo da **Mediana ( $md$ )** é o de não organizar os dados em ordem crescente ou decrescente, mas que não será nosso caso, visto que as informações já estão na tabela de frequências.

A quantidade de dados é par (50), logo precisaremos determinar a **média aritmética** dos **valores centrais**, ou seja: o **25°** e **26°** termos.

Para o cálculo das posições dos valores centrais, basta dividirmos a quantidade de termos por 2, sendo o primeiro termo central (**25°**), e, em seguida, para determinar o 2° termo, somar 1 (**26°**).

Portanto, na tabela de frequências, vamos encontrar o 25° e 26° termos.



Se você não se sente seguro, para fazer a sequência de forma mental, reescreva os termos até chegar no 25º e 26º, o que vale é ganhar o ponto da questão. Mas, se você está de boa com sua mente, então, para ser mais rápido, vamos fazer assim:

$$0 - 05 \text{ vezes} / 1 - 10 \text{ vezes} / 2 - 20 \text{ vezes}$$

Como as variáveis 0 e 1 já somam 15 termos, e há 20 termos na 2, logo o 25º e 26º termos serão o número 2. Logo, sua Md será a Média Aritmética entre eles,  $Md = 2$ .

**Gabarito: Errado**

#### Q.04 (CESPE - CEBRASPE / SEFAZ - DF / 2020)

A partir de uma amostra aleatória simples de tamanho "n", sabe-se que a média aritmética de uma variável X foi igual a 3. Considerando que os valores possíveis para a variável X sejam -1 e +4, julgue os itens que se seguem.

A distribuição da variável X é simétrica em torno da sua média amostral.

C - Certo.

E - Errado.

#### Comentários:

A questão faz parte de uma sequência de 4 assertivas. Por isso, precisamos de informações constantes nas questões anteriores.

Considere a seguinte tabela:

Valores de X	Frequência Absoluta
-1	0,2n
4	0,8n
Total	n

Sabemos que uma distribuição será *simétrica* quando a Média *Aritmética*, a *Moda* e a *Mediana* forem *iguais*, ok?

Mas, Allan, não sabemos o valor de "n", e agora?

Meus caros, para ficar mais simples a resolução, devemos sugerir um valor qualquer para "n", lógico que faremos isso de forma que a solução fique mais simples, por isso irei considerar  $n = 10$ , ok?



Logo:

Valores de X	Frequência Absoluta
-1	2
4	8
<b>Total</b>	<b>10</b>

- $Mediana = \frac{4+4}{2} = 4$
- $Moda = 4$
- $Média = \frac{2 \cdot (-1) + 8 \cdot 4}{10} = 3$

Sendo assim, nossa *distribuição NÃO é simétrica*.

Gabarito: ERRADO

Q.05 (CESPE - CEBRASPE/ SEFAZ-DF / 2020)

A partir de uma amostra aleatória simples de tamanho "n", sabe-se que a média aritmética de uma variável X foi igual a 3. Considerando que os valores possíveis para a variável X sejam -1 e +4, julgue o item que se segue.

A mediana amostral da variável X foi igual a 2,5.

C - Certo.

E - Errado.

Comentários:

A questão faz parte de uma sequência de 4 assertivas. Por isso, precisamos de informações constantes nas questões anteriores.

Considere a seguinte tabela:

Valores de X	Frequência Absoluta
-1	0,2n
4	0,8n
<b>Total</b>	<b>n</b>





Meus caros, para ficar mais simples a resolução, devemos sugerir um valor qualquer para "n", lógico que faremos isso de forma que a solução fique mais simples, por isso irei considerar  $n = 10$ , ok?

Logo:

Valores de X	Frequência Absoluta
-1	2
4	8
Total	10

- $Mediana = \frac{4+4}{2} = 4$

Gabarito: ERRADO

Q.06 (CEBRASPE / Tribunal de Justiça do Pará / Analista Judiciário / 2019)

Uma amostra aleatória dos registros de furto no município de Abaetetuba, no ano de 2017, apresenta os valores 245, 247, 238, 282 e 261. Uma estimativa não tendenciosa e eficiente para a média de furtos ocorridos em Abaetetuba no ano de 2017, considerando os dados apresentados na amostra, é

- a) 238,0.
- b) 254,6.
- c) 260,0.
- d) 282,7.
- e) 308,5.

Comentários:

Uma questão que trata do assunto Média Aritmética, ok?

$$X = \frac{245 + 247 + 238 + 282 + 261}{5} = \frac{1273}{5} = 254,6$$

CURIOSIDADE



Pessoal, existe um método prático para efetuarmos uma **divisão por 5**.



1º: Basta **dobrar** o número a ser dividido:  $1273 \times 2 = 2546$

2º: Agora, divida o resultado obtido na multiplicação por 10: **254,6**

Gabarito: B

Q.07 (CEBRASPE / IPHAN / Analista / 2018)

Define-se estatística descritiva como a etapa inicial da análise utilizada para descrever e resumir dados. Em relação às medidas descritivas, julgue o item a seguir.

A mediana é o valor que ocupa a posição central da série de observações de uma variável, dividindo-se o conjunto de valores ordenados em partes assimétricas desiguais.

C - Certo.

E - Errado.

Comentários:

A mediana, conforme vimos em aula, é o valor que ocupa a posição central da série de observações de uma variável. Porém a mesma divide o conjunto de valores em partes simétricas iguais.

Gabarito: Errado

Q.08 (CEBRASPE / IPHAN / Analista / 2018)

Uma pesquisa a respeito das quantidades de teatros em cada uma de 11 cidades brasileiras selecionadas apresentou o seguinte resultado: {1, 2, 2, 3, 3, 3, 4, 4, 4, 4, 4}.

Com referência a esses dados, julgue o item seguinte.

A mediana do conjunto é igual a 3.

C - Certo.

E - Errado.

Comentários:

Meus caros, mediana é o valor que separa a metade maior da metade menor de uma amostra, uma população ou uma distribuição de probabilidade.



A mediana pode ser o valor do meio de um conjunto de dados, caso a quantidade de dados seja um valor ímpar. No entanto, se houver um número par de observações, não há um único valor do meio. Portanto, a mediana é definida como a média dos dois valores centrais.

Como temos 11 observações em nossa questão, a mediana da amostra estará no 6º termo, sendo igual a 3, por representar o termo central.

{1, 2, 2, 3, 3, 3, 4, 4, 4, 4, 4}

**Gabarito: Certo**

**Q.09 (CEBRASPE / Prof. Pref São Cristóvão /2019)**

*A tabela seguinte mostra a distribuição das idades dos 30 alunos da turma A do quinto ano de uma escola de ensino fundamental.*

Idade (em anos)	9	10	11	12	13	14
Quantidade de estudantes	6	22	0	1	0	1

*A partir dessa tabela, julgue o item.*

*Se, em outra turma B, as frequências das idades fossem respectivamente iguais ao dobro das frequências da turma A, então a média aritmética das idades da turma B seria igual ao dobro da média da turma A.*

**C - CERTO**

**E - ERRADO**

**Comentários:**

Pessoal, a banca forneceu uma tabela como os valores das idades e a quantidade (frequência) de um grupo de alunos da turma A e questiona sobre a média aritmética de outra turma, a turma B. Para isso, diz que a frequência será o dobro da turma A e que nesse caso a média aritmética de B seria o dobro de A.

A tabela apresentada da questão é a seguinte.

X	f	f · X
9	6	54
10	22	220
11	0	0
12	1	12



13	0	0
14	1	14
<b>Tota l</b>	<b>30</b>	<b>300</b>

Onde "f" é a quantidade de alunos e "X" é a idade. A primeira coisa a ser feita é calcular a média da turma A, para isso temos que construir uma coluna f · X (ver tabela acima) e em seguida fazer o somatório. Temos que a média pode ser obtida da seguinte forma:

$$\underline{X} = \frac{\sum f \cdot X_i}{n}$$

$$\underline{X}_A = \frac{300}{30} = 10$$

De posse dessa média, calculamos a média da turma B (com as frequências em dobro) e fazemos a comparação para saber se será o dobro como afirma a banca.

X	f	f · X
9	12	108
10	44	440
11	0	0
12	2	24
13	0	0
14	4	28
<b>Tota l</b>	<b>60</b>	<b>600</b>

$$\underline{X}_B = \frac{600}{60} = 10$$

Vejam que as médias são iguais. Nessa questão nem precisaríamos fazer conta alguma, pois se a frequência for dobrada em consequência será dobrada a quantidade de alunos e o valor de f · X. Desta forma, os valores se anulam e as médias ficam iguais. Portanto, errada a questão.

A banca tentou enganar o candidato com as propriedades da média. Como sabemos a média é afetada pelas quatro operações. Se a banca afirmasse que ao invés da frequência fosse dobrada as idades, aí sim teríamos a média das idades em dobro. Senão vejamos.

Tabela com as idades em dobro:

X	f	f · X
18	6	108
20	22	440



22	0	0
24	1	24
26	0	0
28	1	28
<b>Tota l</b>	<b>30</b>	<b>60 0</b>

$$\underline{X} = \frac{600}{30} = 20$$

Gabarito: Errado

## Questões FCC

Q.01 (FCC / TRT – 18ª / Oficial de Justiça / 2023)

Em uma turma de 60 alunos, 10 foram reprovados. Sabendo-se que a média dos alunos aprovados foi 8,5 e a média dos alunos reprovados foi de 3,4, a média da turma foi

- a) 8,35
- b) 7,65
- c) 7,95
- d) 6,95
- e) 7,05

Comentários:

- Total de Alunos: 60
- Reprovados: 10
- Aprovados: 50

Para determinarmos a média da turma basta somarmos todas as notas dos aprovados com as dos reprovados e dividirmos pelo total de alunos.

Apesar de não termos as notas de cada um, o enunciado nos informou as respectivas médias, logo:

- Somatório dos **Aprovados**:  $50 \times 8,5 = 425$
- Somatório dos **Reprovados**:  $10 \times 3,4 = 34$

Logo, a **média** será dada por:



$$\bar{X} = \frac{425 + 34}{60} = 7,65$$

Gabarito: B

Q.02 (FCC / COPERGÁS / Analista / 2023)

Quatro trabalhadores executam uma tarefa em tempos diferentes. Os tempos gastos para realizar essa tarefa foram 1h35min, 1h40min, 1h33min e 1h43min. Um novo trabalhador, sabendo do tempo de seus colegas, garante que o tempo médio para realizar essa tarefa será de 1h35min com a sua participação. O tempo desse novo trabalhador é

- a) 1h22min.
- b) 1h34min.
- c) 1h24min.
- d) 1h20min.
- e) 1h30min

Comentários:

Tempo do novo trabalhador: "x"

Vamos transformar todos os intervalos de tempo para minutos, assim ficará mais fácil:

$$\bar{X} = \frac{95 + 100 + 93 + 103 + X}{5} = 95$$

$$391 + X = 95 \cdot 5$$

$$X = 475 - 391$$

$$X = 84 \text{ minutos que equivale a } 1\text{h}24\text{min}$$

Gabarito: C

Q.03 (FCC / Procuradoria – PGE-AM / Analista / 2022)

Uma ginasta executa três vezes uma determinada prova. Suas notas, na primeira e segunda tentativas foram, respectivamente, metade e dois terços da nota da terceira tentativa. A média aritmética das notas das três tentativas foi de 32,5 pontos. A nota da primeira prova foi

- a) 20,5 pontos.
- b) 30,0 pontos.
- c) 22,5 pontos.
- d) 45,0 pontos.



e) 20,0 pontos.

### Comentários:

A ideia aqui é representar a terceira nota por uma incógnita, ok?

Geralmente a chamamos de "X". Mas, dessa vez, vamos fazer diferente:

- o **3ª Nota:** 6X
- o **1ª Nota:** 1/2 de 6X = 3X
- o **2ª Nota:** 2/3 de 6X = 4X

Ao determinarmos o valor de "6X" para a 3ª nota evitamos frações indesejáveis para efetuarmos as nossas contas, beleza?

$$\bar{X} = \frac{6X + 3X + 4X}{3} = 32,5$$

$$13 X = 3 \cdot 32,5$$

$$13 X = 97,5$$

$$X = 7,5$$

A NOTA DA 1ª PRIMEIRA PROVA É DADA POR:

$$= 3X =$$

$$= 3 \cdot 7,5 =$$

$$= 22,5 =$$

Gabarito: C

## LISTA DE QUESTÕES ESTRATÉGICAS

### Questões FGV

Q.01 (FGV / SEFAZ-ES / 2022)

As notas de nove candidatos num certo exame foram:



54, 48, 46, 51, 38, 50, 44, 58, 32.

A mediana dessas notas é igual a

- a) 44.
- b) 46.
- c) 48.
- d) 50.
- e) 51.

#### Q.02 (FGV / SEFAZ-ES / 2022)

Uma amostra de idades de usuários de determinado serviço forneceu os seguintes dados:

23; 34; 30; 22; 34; 53; 34; 28; 30; 22

A soma dos valores da média, da moda e da mediana desses dados é igual a

- a) 93.
- b) 94.
- c) 95.
- d) 96.
- e) 97.

#### Q.03 (FGV / Pref. Salvador - BA /2019)

Em uma pequena empresa, a média salarial dos 12 funcionários era de R\$2400,00. Lúcio Mauro, que ganhava R\$3000,00, se aposentou e para ocupar sua vaga foi contratado Felipe, com um salário de R\$1800,00.

Assinale a opção que indica a nova média salarial dos 12 funcionários dessa empresa.

- a) R\$2350,00.
- b) R\$2300,00.
- c) R\$2280,00.
- d) R\$2250,00.
- e) R\$2200,00.

#### Q.04 (FGV/Analista de Patologia Clínica (FunSaúde CE) /2021)

Em um conjunto de 12 números, a média de 4 deles é 15 e a média dos outros 8 é 18.

A média dos 12 números é





- a) 17.
- b) 16,8.
- c) 16,5.
- d) 16.
- e) 15,5.

Q.05 (FGV/Auxiliar Técnico Administrativo (IMBEL)/Almoxarife/2021)

A lista a seguir representa a quantidade de itens de certo produto vendidos por uma loja nos 6 dias de certa semana, organizados em ordem crescente:

$N, 14, 15, 17, 20, 2N.$

Sabe-se que a média desses números é 1 unidade maior que a mediana deles.

O número  $N$  é elemento do conjunto

- a) {1, 2, 3}.
- b) {4, 5, 6}.
- c) {7, 8, 9}.
- d) {10, 11}.
- e) {12, 13}.

**Gabarito - FGV**

GABARITO



<u>1</u>	<u>2</u>	<u>3</u>	<u>4</u>	<u>5</u>
C	C	A	C	E



## Questões CEBRASPE

Q.01 (CESPE - CEBRASPE / Financiadora de Estudos e Projetos / 2009)

Um levantamento efetuado entre os 100 jovens inscritos em um projeto de inclusão social desenvolvido por uma instituição mostra a seguinte distribuição etária.

idade ( $X$ , em anos)	frequência
16	40
17	30
18	20
19	10

Com base nessas informações, assinale a opção incorreta.

- a) A mediana da distribuição etária é igual a 17,5 anos.
- b) A variável  $X$  apresentada na tabela de frequências é uma variável discreta.
- c) A média das idades dos jovens observados no levantamento é igual a 17 anos.
- d) A moda da distribuição etária é igual a 16 anos.
- e) Dos jovens inscritos no referido projeto de inclusão social, 30% possuem idades maiores ou iguais a 18 anos.

Q.02 (CESPE - CEBRASPE / ABIN / 2010)

Sabendo que  $X$  é variável aleatória discreta que pode assumir valores inteiros não negativos, julgue o próximo item.

A média de  $X$  é não negativa.

C - Certo.

E – Errado.

Q.03 (CESPE - CEBRASPE / Tribunal de Contas - RJ / 2021)



X	frequência absoluta
0	5
1	10
2	20
3	15
total	50

Considerando que a tabela precedente mostra a distribuição de frequências de uma variável quantitativa  $X$ , julgue o item a seguir.

A moda e a mediana da variável  $X$  são, respectivamente, iguais a 2 e 1,5

C - Certo.

E - Errado.

#### Q.04 (CESPE - CEBRASPE / SEFAZ - DF / 2020)

A partir de uma amostra aleatória simples de tamanho " $n$ ", sabe-se que a média aritmética de uma variável  $X$  foi igual a 3. Considerando que os valores possíveis para a variável  $X$  sejam -1 e +4, julgue os itens que se seguem.

A distribuição da variável  $X$  é simétrica em torno da sua média amostral.

C - Certo.

E - Errado.

#### Q.05 (CESPE - CEBRASPE/ SEFAZ-DF / 2020)

A partir de uma amostra aleatória simples de tamanho " $n$ ", sabe-se que a média aritmética de uma variável  $X$  foi igual a 3. Considerando que os valores possíveis para a variável  $X$  sejam -1 e +4, julgue o item que se segue.

A mediana amostral da variável  $X$  foi igual a 2,5.

C - Certo.

E - Errado.



**Q.06 (CEBRASPE / Tribunal de Justiça do Pará / Analista Judiciário / 2019)**

Uma amostra aleatória dos registros de furto no município de Abaetetuba, no ano de 2017, apresenta os valores 245, 247, 238, 282 e 261. Uma estimativa não tendenciosa e eficiente para a média de furtos ocorridos em Abaetetuba no ano de 2017, considerando os dados apresentados na amostra, é

- a) 238,0.
- b) 254,6.
- c) 260,0.
- d) 282,7.
- e) 308,5.

**Q.07 (CEBRASPE / IPHAN / Analista / 2018)**

Define-se estatística descritiva como a etapa inicial da análise utilizada para descrever e resumir dados. Em relação às medidas descritivas, julgue o item a seguir.

A mediana é o valor que ocupa a posição central da série de observações de uma variável, dividindo-se o conjunto de valores ordenados em partes assimétricas desiguais.

C - Certo.

E - Errado.

**Q.08 (CEBRASPE / IPHAN / Analista / 2018)**

Uma pesquisa a respeito das quantidades de teatros em cada uma de 11 cidades brasileiras selecionadas apresentou o seguinte resultado: {1, 2, 2, 3, 3, 3, 4, 4, 4, 4, 4}.

Com referência a esses dados, julgue o item seguinte.

A mediana do conjunto é igual a 3.

C - Certo.

E - Errado.

**Q.09 (CEBRASPE / Prof. Pref São Cristóvão /2019)**

A tabela seguinte mostra a distribuição das idades dos 30 alunos da turma A do quinto ano de uma escola de ensino fundamental.



Idade (em anos)	9	10	11	12	13	14
Quantidade de estudantes	6	22	0	1	0	1

A partir dessa tabela, julgue o item.

Se, em outra turma B, as frequências das idades fossem respectivamente iguais ao dobro das frequências da turma A, então a média aritmética das idades da turma B seria igual ao dobro da média da turma A.

C - CERTO

E - ERRADO

## Gabarito - CEBRASPE

GABARITO



<u>1</u>	<u>2</u>	<u>3</u>	<u>4</u>	<u>5</u>	<u>6</u>	<u>7</u>	<u>8</u>	<u>9</u>
E	E	B	E	C	E	B	A	E

## Questões FCC

Q.01 (FCC / TRT – 18ª / Oficial de Justiça / 2023)

Em uma turma de 60 alunos, 10 foram reprovados. Sabendo-se que a média dos alunos aprovados foi 8,5 e a média dos alunos reprovados foi de 3,4, a média da turma foi

- a) 8,35
- b) 7,65
- c) 7,95
- d) 6,95
- e) 7,05



Q.02 (FCC / COPERGÁS / Analista / 2023)

Quatro trabalhadores executam uma tarefa em tempos diferentes. Os tempos gastos para realizar essa tarefa foram 1h35min, 1h40min, 1h33min e 1h43min. Um novo trabalhador, sabendo do tempo de seus colegas, garante que o tempo médio para realizar essa tarefa será de 1h35min com a sua participação. O tempo desse novo trabalhador é

- a) 1h22min.
- b) 1h34min.
- c) 1h24min.
- d) 1h20min.
- e) 1h30min

Q.03 (FCC / Procuradoria – PGE-AM / Analista / 2022)

Uma ginasta executa três vezes uma determinada prova. Suas notas, na primeira e segunda tentativas foram, respectivamente, metade e dois terços da nota da terceira tentativa. A média aritmética das notas das três tentativas foi de 32,5 pontos. A nota da primeira prova foi

- a) 20,5 pontos.
- b) 30,0 pontos.
- c) 22,5 pontos.
- d) 45,0 pontos.
- e) 20,0 pontos.

**Gabarito - FCC**

GABARITO



<u>1</u>	<u>2</u>	<u>3</u>
B	C	C



## MEDIDAS SEPARATRIZES

Sabemos que as *medidas separatrizes* servem para dividir o conjunto de dados ordenados (crescente ou decrescente) em duas ou mais partes. O nome da medida separatriz é definido de acordo com a quantidade de partes em que o conjunto de dados é dividido.

As principais medidas separatrizes as seguintes: mediana, quartis, decis e percentis.

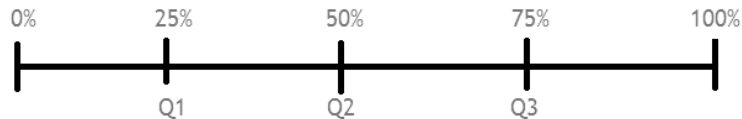
Iremos estudar as três medidas de separatrizes a seguir:

### Quartil, Decil e Percentil

A *mediana* já foi estudada em aula anterior.

#### Quartil

Os *quartis* dividem os dados em *quatro partes* de mesma frequência. Desta forma, teremos sempre *três quartis* e cada um deles corresponderá a **25%** do conjunto de dados. Observem a figura abaixo.



#### Observações importantes:

- 1)  $Q_1$  = *primeiro quartil* = valor situado de tal forma que uma quarta parte (25%) dos dados é menor que ele e as três quartas partes restantes (75%) são os maiores;
- 2)  $Q_2$  = *segundo quartil* = coincide com a mediana e separa os 50% menores dos 50% maiores;
- 3)  $Q_3$  = *terceiro quartil* = valor situado de tal forma que as três quartas partes (75%) dos dados é menor que ele e uma quarta parte restante (25%) é maior;



- 4)  $Q_1$  será a mediana dos valores que sobraram à esquerda da mediana ( $Q_2$ );
- 5)  $Q_3$  será a mediana dos valores que sobraram à direita da mediana ( $Q_2$ );
- 6) A amplitude interquartílica é dada por:  $Q_3 - Q_1$
- 7) A amplitude semi-interquartílica ou desvio quartílico é dado por:  $\frac{Q_3 - Q_1}{2}$

Considere o seguinte o conjunto de dados {1, 2, 2, 3, 4, 5, 5, 6, 9, 9, 12}. Calcule os quartis?

**Primeira forma:** calculando primeiro a mediana e depois disso utilizar as observações 4 e 5.

Nesse caso, temos um número ímpar. Logo, podemos encontrar valor central da seguinte forma:

$$\frac{n + 1}{2} \text{ (posição da mediana)}$$

No nosso conjunto de dados temos 11 elementos.

$$\frac{11 + 1}{2} = \frac{12}{2} = 6^\circ \text{ posição}$$

{1, 2, 2, 3, 4, **5**, 5, 6, 9, 9, 12}

Portanto, a mediana é **5** e conseqüentemente  $Q_2$  também será **5**.

Utilizando a observação (4) podemos encontrar  $Q_1$ , achando a mediana dos elementos que sobraram à esquerda mediana que encontramos. Nesse caso, temos 5 elementos no conjunto de dados.

{1, 2, 2, 3, 4, ~~5~~, ~~5~~, ~~6~~, ~~9~~, ~~9~~, ~~12~~}

Temos um número ímpar novamente.

$$\frac{5 + 1}{2} = \frac{6}{2} = 3^\circ \text{ posição}$$

{1, 2, **2**, 3, 4}

Portanto,  $Q_1$  será **2**.

Utilizando a observação (5) podemos encontrar  $Q_3$ , achando a mediana dos elementos que sobraram à direita mediana que encontramos. Neste caso, temos 5 elementos no conjunto de dados.

{~~1~~, ~~2~~, ~~2~~, ~~3~~, ~~4~~, **5**, 5, 6, 9, 9, 12}





Temos um número ímpar novamente.

$$\frac{5 + 1}{2} = \frac{6}{2} = 3^{\circ} \text{ posição}$$

{5, 6, 9, 9, 12}

Portanto,  $Q_3$  será 9.

Desta forma, para Rol em análise temos as seguintes quantis.

{1, 2, 2, 3, 4, 5, 5, 6, 9, 9, 12}

↑            ↑            ↑  
 $Q_1$          $Q_2$          $Q_3$

=  
Mediana

**Observação:** se o número de elementos for par, temos que utilizar as seguintes expressões para encontrar a mediana.

Primeira posição central:  $\frac{n}{2}$

Segunda posição central:  $\frac{n}{2} + 1$

Depois é só fazer a média das duas posições.

**Segunda forma:** aqui utilizamos a seguinte expressão para calcular a posição dos quantis:

$$P_{Q_k} = \frac{k}{4} \cdot n$$

Onde:

$k$  pode assumir o valor 1, 2 ou 3. Vai depender do quartil que se deseja calcular.

$n$  é o número de elementos do conjunto de dados

Pessoal, se o valor da posição não der um valor exato, temos que arredondar para cima.

Considere o seguinte o conjunto de dados {1, 2, 2, 3, 4, 5, 5, 6, 9, 9, 12}. Calcule a posição dos quantis?

1) Cálculo de  $P_{Q_1}$



$$P_{Q_1} = \frac{1}{4} \cdot 11 = 2,75 \approx 3^\circ \text{ posição}$$

2) Cálculo de  $P_{Q_2}$

$$P_{Q_2} = \frac{2}{4} \cdot 11 = 5,5 \approx 6^\circ \text{ posição}$$

2) Cálculo de  $P_{Q_3}$

$$P_{Q_3} = \frac{3}{4} \cdot 11 = 8,25 \approx 9^\circ \text{ posição}$$

Superada essa parte, temos que aprender a calcular os quartis para dados agrupados e agrupados em classes. A forma de se calcular é semelhante ao cálculo da mediana (vista em aula anterior).

- Quartil para Dados agrupados por valor

Para encontrar os quartis temos que utilizar a frequência acumulada.

<i>idades</i>	<i>frequência Absoluta (fi)</i>	<i>Frequência Acumulada (fac)</i>
10	12	12
20	5	17
30	13	30
40	5	35
50	6	41
60	9	50
<i>Total</i>	<b>50</b>	

Para encontrar a posição dos quartis, basta utilizar a seguinte expressão:

$$P_{Q_k} = \frac{k}{4} \cdot n$$

Onde:

$k$  pode assumir o valor 1, 2 ou 3. Vai depender do quartil que se deseja calcular.

$n$  é o número de elementos do conjunto de dados.

Para  $Q_2$  temos o seguinte:



$$P_{Q_1} = \frac{1}{4} \cdot 50 = 12,5 \approx 13^\circ \text{posição}$$

Portanto, observando a coluna das frequências acumuladas, podemos ver que a posição 13 corresponde a **20** anos. Logo,  $Q_1$  corresponde a 20 anos.

Para  $Q_2$  temos o seguinte:

$$P_{Q_2} = \frac{2}{4} \cdot 50 = 25^\circ \text{posição}$$

Portanto, observando a coluna das frequências acumuladas, podemos ver que a posição 25 corresponde a **30** anos. Logo,  $Q_2$  corresponde a 30 anos.

Para  $Q_3$  temos o seguinte:

$$P_{Q_3} = \frac{3}{4} \cdot 50 = 37,5 \approx 38^\circ \text{posição}$$

Portanto, observando a coluna das frequências acumuladas, podemos ver que a posição 38 corresponde a **50** anos. Logo,  $Q_3$  corresponde a 50 anos.

- Quartil para Dados Agrupados em Classes

Para encontrar os quartis também utilizamos a frequência acumulada.

<i>idades</i>	<i>frequência Absoluta (fi)</i>	<i>Frequência Acumulada (fac)</i>
0 † 10	12	12
10 † 20	5	17
20 † 30	13	30
30 † 40	5	35
40 † 50	6	41
50 † 60	9	50
Total	50	

De posse da coluna das frequências acumulada, a primeira coisa a ser feita é encontrar a posição da classe do quartil desejado. Para isso, basta utilizar a seguinte expressão:

$$P_{Q_k} = \frac{k}{4} \cdot n$$

A fórmula do quartil é a seguinte:



$$Q_k = l_{inf} + \left[ \frac{\left(\frac{k}{4} \cdot n\right) - f_{ac_{ant}}}{f_i} \right] \cdot h$$

Onde:

$n$  = número de elementos

$l_{inf}$  = limite inferior da classe do quartil

$f_{ac_{ant}}$  = frequência acumulada anterior à classe do quartil

$f_i$  = frequência absoluta simples da classe do quartil

$h$  = amplitude da classe do quartil =  $l_{sup} - l_{inf}$

$k$  = (1, 2 ou 3), vai depender do quartil desejado

Para exemplificar, iremos calcular o  $Q_2$ . No nosso exemplo, o "n" é igual a 50 e "h" é 10.

A posição de  $Q_2$  será a seguinte:

$$P_{Q_2} = \frac{2}{4} \cdot 50 = 25^\circ \text{ posição}$$

Desta forma, a classe do  $Q_2$  fica entre 20 e 30. Sendo, portanto, 13 o valor da frequência absoluta simples e 17 a frequência acumulada anterior a classe do quartil. Aplicando a fórmula, ficamos com o seguinte:

$$Q_2 = l_{inf} + \left[ \frac{\left(\frac{2}{4} \cdot n\right) - f_{ac_{ant}}}{f_i} \right] \cdot h = 20 + \left[ \frac{\left(\frac{2}{4} \cdot 50 - 17\right)}{13} \right] \cdot 10 = 20 + \left[ \frac{25 - 17}{13} \right] \cdot 10Q$$

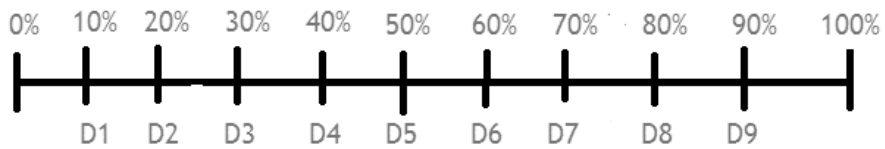
$$Q_2 = 20 + \frac{8}{13} \cdot 10$$

$$M_d = 20 + 6,15 = \mathbf{26,15}$$

## Decil

Os **decis** dividem os dados em dez partes de mesma frequência. Desta forma, teremos sempre nove decis e cada um deles corresponderá a **10%** do conjunto de dados. Observem a figura abaixo.





$D_5 = \text{quinto decil} = \text{coincide com a mediana e separa os 50\% \text{ menores dos 50\% maiores;}$

- Decil para Dados em Rol ou Agrupados

Os cálculos dos decis são semelhantes aos dos quartis. Logo, para calcular a posição do decil, utilizamos a seguinte expressão:

$$P_{Dk} = \frac{k}{10} \cdot n$$

Onde:

$k$  pode assumir o valor 1, 2, 3, ..., 9. Vai depender do decil que se deseja calcular.

$n$  é o número de elementos do conjunto de dados.

- Quartil para Dados agrupados em classe

Os cálculos são semelhantes aos do quartis. Sendo a posição do decil encontrada pela seguinte expressão:

$$P_{Dk} = \frac{k}{10} \cdot n$$

$k$  pode assumir o valor 1, 2, 3, ..., 9. Vai depender do decil que se deseja calcular.

$n$  é o número de elementos do conjunto de dados.

De posse, da posição do decil podemos localizar a classe do decil e com isso calcular ele através da seguinte fórmula:



$$D_k = l_{inf} + \left[ \frac{\left( \frac{k}{10} \cdot n \right) - f_{ac_{ant}}}{f_i} \right] \cdot h$$

Onde:

$n$  = número de elementos

$l_{inf}$  = limite inferior da classe do decil

$f_{ac_{ant}}$  = frequência acumulada anterior à classe do decil

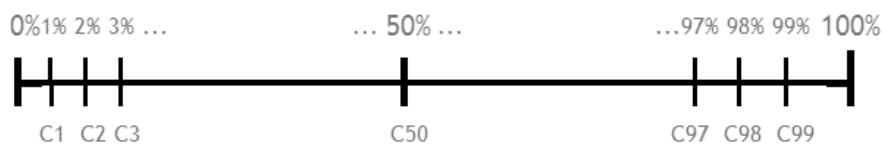
$f_i$  = frequência absoluta simples da classe do decil

$h$  = amplitude da classe do decil =  $l_{sup} - l_{inf}$

$k = (1, 2, 3, \dots, 9)$ , vai depender do decil desejado

## Percentil

Os **percentis (ou centil)** dividem os dados em 100 partes de mesma frequência. Desta forma, teremos sempre noventa e nove percentis e cada um deles corresponderá a **1%** do conjunto de dados. Observem a figura abaixo.



$P_{50}$  = **quincuagésimo decil** = coincide com a mediana e separa os 50% menores dos 50% maiores;

- Percentil para Dados em Rol ou Agrupados

Os cálculos dos decis são semelhantes aos dos quartis. Logo, para calcular a posição do decil, utilizamos a seguinte expressão:

$$P_{Pk} = \frac{k}{100} \cdot n$$



Onde:

$k$  pode assumir o valor 1, 2, 3, ..., 99. Vai depender do decil que se deseja calcular.

$n$  é o número de elementos do conjunto de dados.

- Percentil para Dados agrupados em classe

Os cálculos são semelhantes aos do quantis. Sendo a posição do decil encontrada pela seguinte expressão:

$$P_{Pk} = \frac{k}{100} \cdot n$$

$k$  pode assumir o valor 1, 2, 3, ..., 99. Vai depender do decil que se deseja calcular.

$n$  é o número de elementos do conjunto de dados.

De posse, da posição do decil podemos localizar a classe do decil e com isso calcular ele através da seguinte fórmula:

$$P_k = l_{inf} + \left[ \frac{\left( \frac{k}{100} \cdot n \right) - f_{ac_{ant}}}{f_i} \right] \cdot h$$

Onde:

$n$  = número de elementos

$l_{inf}$  = limite inferior da classe do percentil

$f_{ac_{ant}}$  = frequência acumulada anterior à classe do percentil

$f_i$  = frequência absoluta simples da classe do percentil

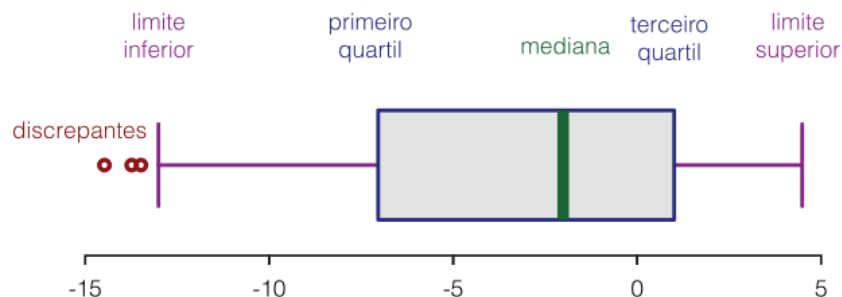
$h$  = amplitude da classe do percentil =  $l_{sup} - l_{inf}$

$k$  = (1, 2, 3, ..., 99), vai depender do percentil desejado



## BOX PLOT

Pessoal, o *box plot* (diagrama de caixas) é um gráfico que utiliza os quartis para representar o conjunto de dados. Sua representação pode ser tanto horizontal como vertical. Observem a figura abaixo.



De posse de uma box plot, podemos encontrar as seguintes medidas:

- Limite inferior = valor mínimo;
- Limite superior = valor máximo;
- Valores discrepantes = outliers;
- Os quartis ( $Q_1$ ,  $Q_2=M_d$  e  $Q_3$ );
- Amplitude interquartílica =  $Q_3 - Q_1$
- Amplitude semi- interquartílica ou desvio quartílico =  $\frac{Q_3 - Q_1}{2}$

## QUESTÕES ESTRATÉGICAS

Nesta seção, apresentamos e comentamos uma amostra de questões objetivas selecionadas estrategicamente: são questões com nível de dificuldade semelhante ao que você deve esperar para a sua prova e que, em conjunto, abordam os principais pontos do assunto.

A ideia, aqui, não é que você fixe o conteúdo por meio de uma bateria extensa de questões, mas que você faça uma boa revisão global do assunto a partir de, relativamente, poucas questões.



Q.01 (IBFC/Supervisor de Pesquisas (IBGE)/Suporte Gerencial/2021)





Marcos pretende determinar a mediana referente aos dados brutos coletados e relacionados abaixo:

23 - 22 - 21 - 22 - 32 - 33

41 - 21 - 20 - 32 - 42 - 38

De acordo com os dados, o resultado encontrado por Marcos é igual a:

- a) 37.
- b) 33.
- c) 41.
- d) 27,5.
- e) 28.

#### Comentários:

Pessoal, aqui a banca dar dados brutos é pede a mediana. A primeira coisa a ser feita é organizar os dados em um Rol.

{20, 21, 21, 22, 22, 23, 32, 32, 33, 38, 41, 42}

Temos 12 elementos nesse Rol, logo um número par de elementos. Desta forma, temos que encontrar as duas posições centrais.

Primeira posição central:  $\frac{n}{2} = \frac{12}{2} = 6^{\circ}$  posição

Segunda posição central:  $\frac{n}{2} + 1 = \frac{12}{2} + 1 = 7^{\circ}$  posição

Portanto, a mediana será a média dessas duas posições centrais.

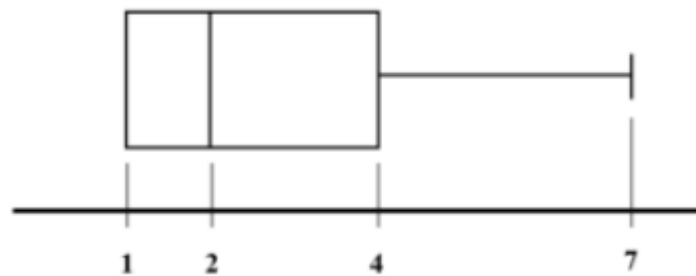
{20, 21, 21, 22, 22, 23, 32, 32, 33, 38, 41, 42}

$$M_d = \frac{23 + 32}{2} = \frac{55}{2} = 27,5$$

Gabarito: D



Q.02 (CEBRASPE - Analista de Controle Externo (TCE-RJ)/Controle Externo/Tecnologia da Informação/2021)



Considerando que uma variável quantitativa discreta  $X$  se distribui conforme o diagrama boxplot anterior, julgue o item seguinte.

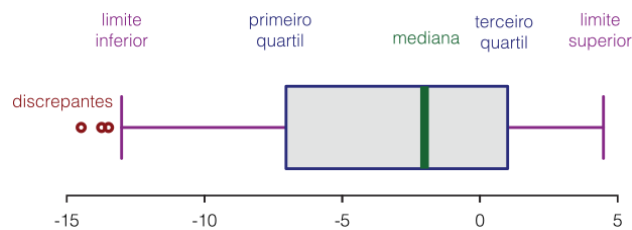
A mediana da variável  $X$  é igual a 4.

C – CERTO

E - ERRADO

Comentários:

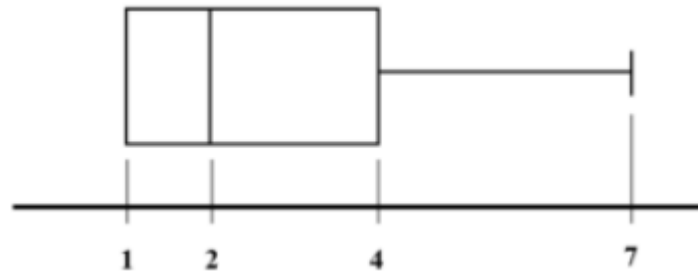
Pessoal, nessa questão temos que conhecer a estrutura do box plot. Conforme estudado na aula, podemos facilmente observar que está errado. Pois, o valor da mediana corresponde a 2. O valor 4 corresponde ao  $Q_3$ . Façam uma comparação da figura apresentada pela banca com a que vimos na aula.



Gabarito: Errado

Q.03 (CEBRASPE - Analista de Controle Externo (TCE-RJ)/Controle Externo/Tecnologia da Informação/2021)





Considerando que uma variável quantitativa discreta  $X$  se distribui conforme o diagrama boxplot anterior, julgue o item seguinte.

O diagrama boxplot indica que o intervalo interquartil (ou interquartílico) da distribuição da variável  $X$  é igual a 3.

C – CERTO

E - ERRADO

**Comentários:**

A amplitude interquartílica é dada pela diferença entre  $Q_3$  e  $Q_1$ . Logo,

$$Q_1 = 1$$

$$Q_3 = 4$$

$$\text{amplitude interquartílica} = Q_3 - Q_1 = 4 - 1 = 3$$

Portanto, correto o item.

**Gabarito: Certo**

**Q.04 (COMPERVE (UFRN) - Profissional Analista Superior (CRECI 17 RN)/Agente Fiscal/2021)**

O quadro abaixo descreve os cinco imóveis comerciais de um mesmo dono, mostrando os valores, em reais, dos aluguéis de apenas quatro deles.

Imóvel 1	Imóvel 2	Imóvel 3	Imóvel 4	Imóvel 5
2.500	4.300	1.250	1.700	x

Se a mediana dos valores dos aluguéis desses cinco imóveis é 1,7 mil reais, conclui-se que

a) o valor do aluguel do Imóvel 5 é 3 mil reais.



- b) o Imóvel 5 é aquele cujo aluguel tem maior valor.
- c) o valor do aluguel do Imóvel 5 é, no máximo, 1,7 mil reais.
- d) o aluguel do Imóvel 5 custa mais de 2,5 mil reais.

**Comentários:**

Pessoal, nessa questão a banca dá um quadro com os valores de aluguéis de 5 imóveis e quer saber o valor do aluguel do imóvel 5. Além disso, diz que o valor da média é 1.700. Com base nessas informações, podemos organizar os dados da seguinte forma:

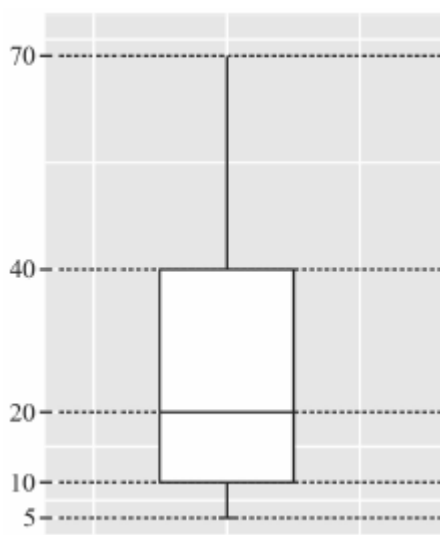
		1.700	2.500	4.300
		Mediana = imóvel 4	Imóvel 1	Imóvel 2

Vejam que com as informações que temos não podemos afirmar que o imóvel 3 (1.250) irá ocupar a posição 1 ou 2.

Fazendo uma análise nas alternativas, podemos observar que a única resposta possível é a Letra C, pois o valor do imóvel 5, com certeza, será um valor, no máximo, igual a 1.700.

**Gabarito: C**

**Q.05 (CEBRASPE (CESPE) - Analista Judiciário (TJ PA)/Estatística/2020)**



Considerando que o desenho esquemático (boxplot) antecedente se refere a uma variável quantitativa  $X$ , assinale a opção correta.

- a) O intervalo interquartil é igual a 65.



b) Metade da distribuição da variável  $X$  se encontra entre os valores 20 e 40.

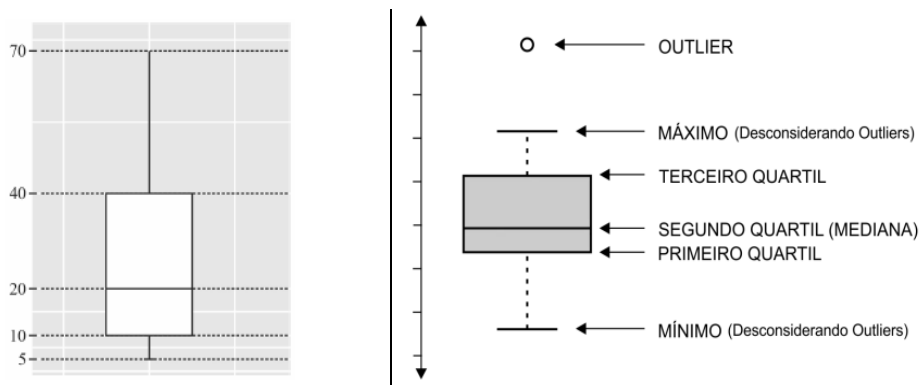
c) Os valores da variável  $X$  que se encontram no intervalo  $[5;10]$  representam 5% da distribuição de  $X$ .

d) A mediana de  $X$  é igual a 25.

e) O primeiro quartil da distribuição de  $X$  é igual a 10.

### Comentários:

Pessoal, nessa questão iremos analisar cada alternativa tendo como base o boxplot dado. Além disso, essa questão exige o conhecimento da estrutura de uma boxplot. Logo, iremos comparar a gráfico dado na questão como o gráfico abaixo:



**Letra (A)** – Errada

A amplitude interquartílica é dada pela diferença entre  $Q_3$  e  $Q_1$ . Logo,

$$Q_1 = 10$$

$$Q_3 = 40$$

$$\text{amplitude interquartílica} = Q_3 - Q_1 = 40 - 10 = \mathbf{30}$$

**Letra (B)** – Errada, pois como a mediana é 20, metade encontra-se entre 5 e 20 e outra metade entre 20 e 70.

**Letra (C)** – Errada. Pois, entre 5 e 10 temos 25% dos dados. Nesse intervalo, temos os valores inferiores ao  $Q_1$ .

**Letra (D)** – Errada. Podemos observar que a mediana é 20.  $M_d = Q_2$ .

**Letra (E)** – **Correta**. Pois, o  $Q_1$  é igual a 10.



Gabarito: E

Q.06 (CEBRASPE / Prefeitura de Imbé / 2019)

Uma pesquisa a respeito das quantidades de teatros em cada uma de 11 cidades brasileiras selecionadas apresentou o seguinte resultado: {1, 2, 2, 3, 3, 3, 4, 4, 4, 4, 4}.

Com referência a esses dados, julgue o item seguinte.

O valor do primeiro quartil do conjunto de dados ( $Q_{1/4}$ ) é igual a 3.

C – CERTO

E - ERRADO

Comentários:

$$Md = \frac{11+1}{2} = 6^{\circ} \text{ termo } \{1, 2, 2, 3, 3, 3, 4, 4, 4, 4, 4\}$$

O elemento de 6ª posição é o número 3, o qual será o nosso 2º quartil.

Logo, o nosso primeiro quartil será representado pelo número 2:

{1, 2, 2, 3, 3, 3, 4, 4, 4, 4, 4}

Ou:

$$\text{Posição do quartil inferior } (Q_1) = \frac{n+1}{4}$$

O conjunto de dados do enunciado é:

{1, 2, 2, 3, 3, 3, 4, 4, 4, 4, 4}

O conjunto possui 11 elementos, portanto  $n = 11$ . Assim,

$$\text{Posição do quartil inferior } (Q_1) = \frac{11+1}{4} = 3^{\circ} \text{ termo } \{1, 2, 2, 3, 3, 3, 4, 4, 4, 4, 4\}$$

Portanto,  $Q_1$  é o elemento cuja posição no conjunto (ordenado) é 3.

Logo,  $Q(1/4) = 2$

Gabarito: Errado

Q.07 (CEBRASPE / IPHAN / Analista / 2018)



Uma pesquisa a respeito das quantidades de teatros em cada uma de 11 cidades brasileiras selecionadas apresentou o seguinte resultado: {1, 2, 2, 3, 3, 3, 4, 4, 4, 4, 4}.

Com referência a esses dados, julgue o item seguinte.

O valor do terceiro quartil do conjunto de dados ( $Q_{3/4}$ ) é igual a 4.

C – CERTO

E - ERRADO

### Comentários:

Pessoal, se você conhece o conceito de Quartil, não será necessário nem fazer conta.

Percebe-se, visualmente, que o ( $Q_{3/4}$ ) será o número 4, ok?

Mas, vamos à solução técnica:

O segundo quartil é a mediana da sequência apresentada.

Sequência = {1, 2, 2, 3, 3, 3, 4, 4, 4, 4, 4}

Como o número de elementos é ímpar (11), para descobrir a posição do elemento que será a mediana, adicionamos 1 e dividimos o resultado por dois.

$Md = \frac{11+1}{2} = 6^{\circ}$  termo {1, 2, 2, 3, 3, 3, 4, 4, 4, 4, 4}

O elemento de 6ª posição é o número 3, o qual será o nosso 2º quartil.

O 3º quartil pode ser obtido pela mediana dos números que estiverem à direita do 2º quartil.

{1, 2, 2, 3, 3, 3, 4, 4, 4, 4, 4}

Como há 5 elementos:

$Md = \frac{5+1}{2} = 3$  {1, 2, 2, 3, 3, 3, 4, 4, 4, 4, 4}

Logo,  $Q_{3/4} = 4$

Gabarito: Certo



## LISTA DE QUESTÕES ESTRATÉGICAS

Q.01 (IBFC/Supervisor de Pesquisas (IBGE) /Suporte Gerencial/2021)

Marcos pretende determinar a mediana referente aos dados brutos coletados e relacionados abaixo:

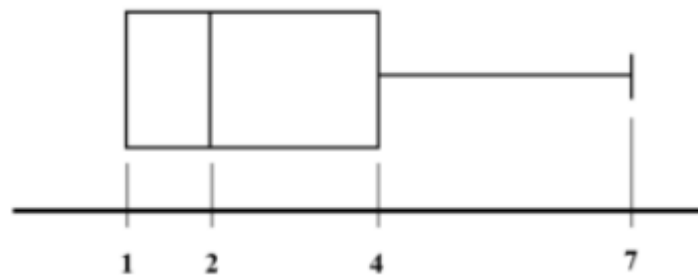
23 - 22 - 21 - 22 - 32 - 33

41 - 21 - 20 - 32 - 42 - 38

De acordo com os dados, o resultado encontrado por Marcos é igual a:

- a) 37.
- b) 33.
- c) 41.
- d) 27,5.
- e) 28.

Q.02 (CEBRASPE - Analista de Controle Externo (TCE-RJ)/Controle Externo/Tecnologia da Informação/2021)



Considerando que uma variável quantitativa discreta  $X$  se distribui conforme o diagrama boxplot anterior, julgue o item seguinte.

A mediana da variável  $X$  é igual a 4.

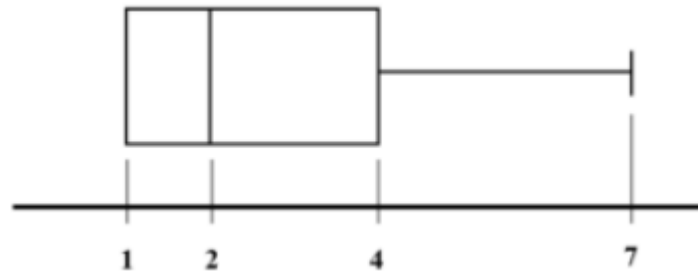
C – CERTO





E - ERRADO

Q.03 (CEBRASPE - Analista de Controle Externo (TCE-RJ)/Controle Externo/Tecnologia da Informação/2021)



Considerando que uma variável quantitativa discreta  $X$  se distribui conforme o diagrama boxplot anterior, julgue o item seguinte.

O diagrama boxplot indica que o intervalo interquartil (ou interquartílico) da distribuição da variável  $X$  é igual a 3.

C – CERTO

E - ERRADO

Q.04 (COMPERVE (UFRN) - Profissional Analista Superior (CRECI 17 RN)/Agente Fiscal/2021)

O quadro abaixo descreve os cinco imóveis comerciais de um mesmo dono, mostrando os valores, em reais, dos aluguéis de apenas quatro deles.

Imóvel 1	Imóvel 2	Imóvel 3	Imóvel 4	Imóvel 5
2.500	4.300	1.250	1.700	x

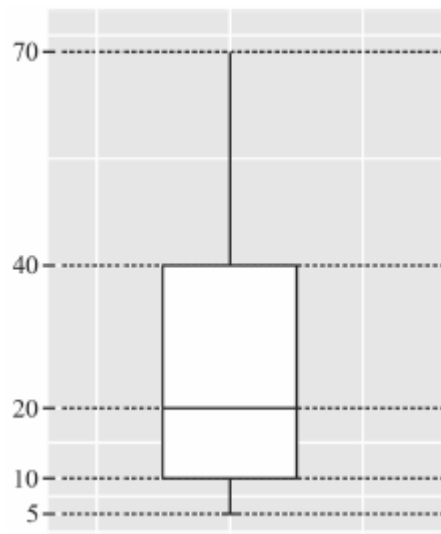
Se a mediana dos valores dos aluguéis desses cinco imóveis é 1,7 mil reais, conclui-se que

- a) o valor do aluguel do Imóvel 5 é 3 mil reais.
- b) o Imóvel 5 é aquele cujo aluguel tem maior valor.
- c) o valor do aluguel do Imóvel 5 é, no máximo, 1,7 mil reais.



d) o aluguel do Imóvel 5 custa mais de 2,5 mil reais.

Q.05 (CEBRASPE (CESPE) - Analista Judiciário (TJ PA)/Estatística/2020)



Considerando que o desenho esquemático (boxplot) antecedente se refere a uma variável quantitativa  $X$ , assinale a opção correta.

- a) O intervalo interquartil é igual a 65.
- b) Metade da distribuição da variável  $X$  se encontra entre os valores 20 e 40.
- c) Os valores da variável  $X$  que se encontram no intervalo  $[5;10]$  representam 5% da distribuição de  $X$ .
- d) A mediana de  $X$  é igual a 25.
- e) O primeiro quartil da distribuição de  $X$  é igual a 10.

Q.06 (CEBRASPE / Prefeitura de Imbé / 2019)

Uma pesquisa a respeito das quantidades de teatros em cada uma de 11 cidades brasileiras selecionadas apresentou o seguinte resultado:  $\{1, 2, 2, 3, 3, 3, 4, 4, 4, 4, 4\}$ .

Com referência a esses dados, julgue o item seguinte.

O valor do primeiro quartil do conjunto de dados ( $Q1/4$ ) é igual a 3.

C – CERTO

E – ERRADO



Q.07 (CEBRASPE / IPHAN / Analista / 2018)

Uma pesquisa a respeito das quantidades de teatros em cada uma de 11 cidades brasileiras selecionadas apresentou o seguinte resultado: {1, 2, 2, 3, 3, 3, 4, 4, 4, 4, 4}.

Com referência a esses dados, julgue o item seguinte.

O valor do terceiro quartil do conjunto de dados ( $Q_3/4$ ) é igual a 4.

C – CERTO

E - ERRADO

**Gabarito**

GABARITO



1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
D	E	C	C	E	E	C	*	*	*



# ESSA LEI TODO MUNDO CONHECE: PIRATARIA É CRIME.

Mas é sempre bom revisar o porquê e como você pode ser prejudicado com essa prática.



1

Professor investe seu tempo para elaborar os cursos e o site os coloca à venda.



2

Pirata divulga ilicitamente (grupos de rateio), utilizando-se do anonimato, nomes falsos ou laranjas (geralmente o pirata se anuncia como formador de "grupos solidários" de rateio que não visam lucro).



3

Pirata cria alunos fake praticando falsidade ideológica, comprando cursos do site em nome de pessoas aleatórias (usando nome, CPF, endereço e telefone de terceiros sem autorização).



4

Pirata compra, muitas vezes, clonando cartões de crédito (por vezes o sistema anti-fraude não consegue identificar o golpe a tempo).



5

Pirata fere os Termos de Uso, adultera as aulas e retira a identificação dos arquivos PDF (justamente porque a atividade é ilegal e ele não quer que seus fakes sejam identificados).



6

Pirata revende as aulas protegidas por direitos autorais, praticando concorrência desleal e em flagrante desrespeito à Lei de Direitos Autorais (Lei 9.610/98).



7

Concurseiro(a) desinformado participa de rateio, achando que nada disso está acontecendo e esperando se tornar servidor público para exigir o cumprimento das leis.



8

O professor que elaborou o curso não ganha nada, o site não recebe nada, e a pessoa que praticou todos os ilícitos anteriores (pirata) fica com o lucro.



Deixando de lado esse mar de sujeira, aproveitamos para agradecer a todos que adquirem os cursos honestamente e permitem que o site continue existindo.