

Aula 00

FUNPRESP-EXE (Analista de Previdência Complementar - Área 5: Gestão de Investimentos e Riscos de Investimentos) Passo Estratégico de Gestão e Riscos de Investimentos (Estatística) - 2024 (Pós-Edital) Allan Maux Santana

20 de Dezembro de 2024

Índice

1) O que é o Passo Estratégico	3
2) Apresentação	4
3) Introdução ao estudo da estatística - CEBRASPE	5

O QUE É O PASSO ESTRATÉGICO?

- O Passo Estratégico é um material escrito e enxuto que possui dois objetivos principais:
- a) orientar revisões eficientes;
- b) destacar os pontos mais importantes e prováveis de serem cobrados em prova.

Assim, o Passo Estratégico pode ser utilizado tanto para turbinar as revisões dos alunos mais adiantados nas matérias, quanto para maximizar o resultado na reta final de estudos por parte dos alunos que não conseguirão estudar todo o conteúdo do curso regular.

Em ambas as formas de utilização, como regra, o aluno precisa utilizar o Passo Estratégico em conjunto com um curso regular completo.

Isso porque nossa didática é direcionada ao aluno que já possui uma base do conteúdo.

Assim, se você vai utilizar o Passo Estratégico:

- a) como método de revisão, você precisará de seu curso completo para realizar as leituras indicadas no próprio Passo Estratégico, em complemento ao conteúdo entregue diretamente em nossos relatórios:
- b) como material de reta final, você precisará de seu curso completo para buscar maiores esclarecimentos sobre alguns pontos do conteúdo que, em nosso relatório, foram eventualmente expostos utilizando uma didática mais avançada que a sua capacidade de compreensão, em razão do seu nível de conhecimento do assunto.

Seu cantinho de estudos famoso!

Poste uma foto do seu cantinho de estudos nos stories do Instagram e nos marque:



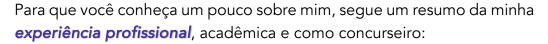
@passoestrategico

Vamos repostar sua foto no nosso perfil para que ele fique famoso entre milhares de concurseiros!

itos) F

APRESENTAÇÃO

Olá! Sou o professor Allan Maux e serei o seu analista do Passo Estratégico nas matérias de EXATAS.





Sou, atualmente, Auditor Fiscal do Município de Petrolina – PE, aprovado em 2º lugar no concurso de 2011.

Sou formado em matemática e pós-graduado em direito tributário municipal.

Fui, por 05 anos, Secretário de Fazenda do Município de Petrolina, período no qual participei da comissão que elaborou o novo Código Tributário da Cidade, vigente até o momento, colocando a cidade entre as maiores arrecadações do Estado de Pernambuco.

Lecionei, também, em cursos preparatórios para o ITA, em Recife-PE.

Fui aprovado e nomeado no concurso para Analista da Receita Federal, em 2012.

Aprovado e nomeado, em 2007, para o cargo de gestor de tributos da Secretaria da Fazenda do Estado de Minas Gerais.

Nossa carreira como Auditor Fiscal de Petrolina é bastante atraente e me fez refletir bastante por sua manutenção, nosso salário inicial beira aos 18k e, final de carreira, passa dos 35k, basicamente, esse salário me fez refletir por aposentar as chuteiras como concurseiro e permanecer no meu Pernambuco.

Atualmente, também, leciono matemática para concursos e vestibulares, presencialmente e com aulas em vídeo.

Estou extremamente feliz de ter a oportunidade de trabalhar na equipe do "Passo", porque tenho convicção de que nossos relatórios e simulados proporcionarão uma preparação diferenciada aos nossos alunos!

Bem, vamos ao que interessa!!

Prof. Allan Maux



tos) I

Introdução ao Estudo da Estatística <u>CEBRASPE</u>

Sumário

O que é mais cobrado dentro do assunto	2
Roteiro de revisão e pontos do assunto que merecem destaque	3
Conceitos Iniciais	3
Dados Estatísticos	4
Variáveis Estatísticas	5
Distribuições de Frequências	7
Representações Gráficas de Dados	9
Aposta Estratégica	13
Questões estratégicas	15
Questões CEBRASPE	15
Lista de Questões Estratégicas	19
Questões CEBRASPE	19
Gabarito	22



O que é mais cobrado dentro do assunto

Vamos analisar agora como se comporta a incidência dos sub assuntos da nossa aula de hoje. Assim, você será melhor direcionado nos seus estudos, vejam:

INTRODUÇÃO À ESTATÍSTICA / GRÁFICOS / DIAGRAMAS / TABELAS / VARIÁVEIS DISCRETAS E CONTÍNUAS	Grau de incidência
FORMAS DE APRESENTAÇÃO DE DADOS	75,0%
TIPOS DE VARIÁVEIS	16,5%
CONCEITOS INICIAIS DE ESTATÍSTICA	8,5%
TOTAL	100,00%

ROTEIRO DE REVISÃO E PONTOS DO ASSUNTO QUE MERECEM DESTAQUE

A ideia desta seção é apresentar um roteiro para que você realize uma revisão completa do assunto e, ao mesmo tempo, destacar aspectos do conteúdo que merecem atenção.

Para revisar e ficar bem preparado no assunto, você precisa, basicamente, seguir os passos a seguir:

Conceitos Iniciais

Vamos, de imediato, ao conceito de Estatística:

Basicamente, a Estatística tem por finalidade a <u>Tomada de Decisões</u>, acerca de um processo ou população, baseadas em intepretações de dados de uma amostra da população.

Podemos assim dividir a Estatística:





CONCEITOS BASICOS	
Estatística Descritiva	Fatalian Informatical Assessed
<u>Básica</u>	Estatística Inferencial Avançada
(Dedutiva)	<u>(Indutiva)</u>
Descreve e Resume os dados, através da	Estuda processos para a partir de dados de uma
média, moda, mediana, variância, etc – são	amostra, <u>inferir (concluir)</u> algo de uma
as primeiras etapas do processo estatístico,	população, objetivando a tomada de decisões,
aqui <u>não</u> são tomadas as decisões.	sendo a parte final do processo estatístico.

Ainda, temos a *Estatística Probabilística* que consiste, basicamente, na aplicação da Teoria da Probabilidade.

Seu principal objetivo é o de calcular a chance de determinado Evento acontecer.

Vamos conhecer alguns elementos do estudo da Estatística:

CONCEITOS BÁSICOS		
<u>POPULAÇÃO</u>	<u>CENSO</u>	<u>AMOSTRA</u>
Conjunto de todos os	Contagem de toda a	Subconjunto não vazio da
elementos	População	População

Dados Estatísticos

Vamos logo esquematizar esse conceito e sua classificação:

Dados Estatísticos – Conceito:		
(Observações/Características obtidas através de uma pesquisa)		
<u>Univariado</u>	<u>Bivariado</u>	<u>Multivariado</u>
Apenas uma característica do objeto	Duas características	Mais de duas características

Os dados estatísticos, quando do momento de sua coleta, se apresentam de forma <u>desorganizada</u>, por isso recebem o nome de *DADOS BRUTOS*.

Já a <u>organização</u> desses dados brutos em ordem, crescente ou decrescente, recebe o nome de *ROL*.

Suponha uma pesquisa com 11 concurseiros a respeito da quantidade de dias que cada um estuda por semana. Seguem as respostas:

Obviamente, a forma como os dados estão dispostos não demonstra qualquer tipo de organização, sendo chamados de *DADOS BRUTOS*.

Ao reescrever os dados em ordem, <u>crescente</u> ou <u>decrescente</u>, passaremos a ter um <u>ROL</u>:



4

1, 1, 2, 3, 3, 4, 5, 5, 6, 7, 7

A diferença entre o maior valor (7) e o menor (1) é chamada de <u>AMPLITUDE (6)</u>.

Variáveis Estatísticas

Dentre os tópicos relacionados a essa parte inicial do nosso estudo, saber classificar as variáveis estatísticas é um do mais cobrados.

Mas, Allan, o que seria uma variável estatística?

<u>Variável Estatística</u> é justamente o objeto de nosso estudo. É aquilo que estamos pesquisando. O levantamento estatístico é justamente focado nas variáveis pesquisadas.

No nosso exemplo, seria a quantidade de dias da semana que o concurseiro estuda.

ESQUEMATIZANDO



VARIÁVEIS	
<u>Quantitativas</u>	<u>Qualitativas</u>
Está relacionada a uma informação <i>Numérica</i>	Está relacionada a um <u>Atributo</u>
(Quanto?)	(Qual?)
Ex.: a idade de um grupo de pessoas	Ex.: o grau de instrução desse grupo

Acredito não haver dificuldades quanto à classificação entre *Variáveis Quantitativas* e *Qualitativas*, confere?

Se a resposta à pesquisa for um *número*, logo a variável será *quantitativa*, caso seja um *atributo* (qualidade), será *qualitativa*.



No entanto, temos ainda mais algumas classificações que fogem um pouco dessas tão triviais, mas nada de muito difícil, vejam?

Se, no momento de uma pesquisa, você tiver que responder a essas duas perguntas:

- 1. Quantos filhos você tem?
- 2. Qual a sua altura?

Podemos classificá-las como Variáveis Quantitativas, ok?

Comparando-as, percebemos que existe uma simples, porém importante diferença entre as duas. Ainda não perceberam?

- 1. Quanto filhos você tem? (Aqui você faz uma contagem)
- 2. Qual a sua altura? (Nessa você faz uma <u>medição</u>)



Quantitativas	
<u>Discretas</u>	<u>Contínua</u>
Contagem	Medição

Uma outra forma de entender essa diferença é na forma de se encontrar o resultado. Quando a gente conta, temos um limite de possíveis resultados dentro de um intervalor, certo? Não dá para você responder à pesquisa dizendo que 2,38 filhos, dá? Já em relação à altura, podemos dizer sim que temos 1,735m, ok?

Então, ainda podemos assim diferenciá-las:



Quantitativas	
<u>Discretas</u>	<u>Contínua</u>



Valores <u>restritos</u> dentro de um intervalo de	Valores <u>irrestritos</u> dentro de um intervalo de
possíveis resultados	possíveis resultados

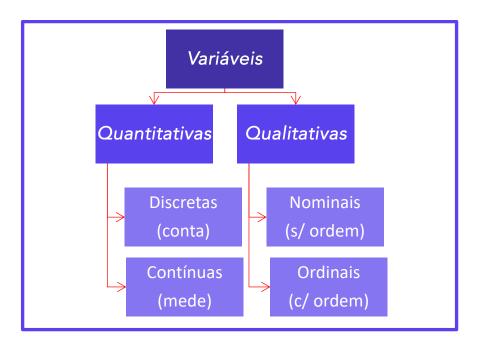
E se as perguntas fossem essas?

- 1. Qual o bairro que você mora?
- 2. Qual seu grau de instrução? (Fundamental, médio, superior, pós-graduação)

Facilmente, vemos que estamos diante de Variáveis Qualitativas, certo? A primeira é chamada de nominais, já a segunda de ordinais, visto que a gente pode organizá-las (ordená-las) de maneira hierárquica.

Qualitativas	
<u>Nominais</u>	<u>Ordinais</u>
Não há hierarquia	Há hierarquia (ordem)

Resumindo:



Guardem esse esquema, ele lhe ajudará com umas algumas questões teóricas.

Distribuições de Frequências

Vamos voltar ao nosso exemplo do início da aula.



Suponha uma pesquisa com 11 concurseiros a respeito da quantidade de dias que cada um estuda por semana.

Seguem as respostas:

Ao reescrever os dados em ordem, <u>crescente</u> ou <u>decrescente</u>, passaremos a ter um <u>ROL</u>:

Podemos organizar esses valores da seguinte forma:

<u>QUANT.</u> <u>DIAS/SEMANA</u>	<u>FREQUÊNCIA</u>
<u>1</u>	2
<u>2</u>	1
<u>3</u>	2
<u>4</u>	1
<u>5</u>	2
<u>6</u>	1
<u>7</u>	2
TOTAL	11

Essa Tabela é conhecida como Distribuição de Frequência de Dado não-agrupados. Frequência nada mais é do que a quantidade de vezes que cada valor de uma variável aparece num levantamento de dados. Fácil demais...

Vejam que falamos em dados não-agrupados, pois os valores que estão na tabela são individuais. E se a pesquisa fosse feita sobre a idade de 50 pessoas, vocês acham que essa tabela poderia ser individualizada? Ou seria mais eficiente apresentá-la através de um grupo de intervalos?

<u>IDADES</u>	<u>FREQUÊNCIA</u> <u>ABSOLUTA (fi)</u>	<u>FREQUÊNCIA</u> <u>RELATIVA (Fi)</u>
<u>0 ⊢10</u>	12	24%
<u>10 ⊢ 20</u>	5	10%
<u>20 ⊢ 30</u>	13	26%
<u>30 ⊢ 40</u>	5	10%
<u>40 ⊢ 50</u>	6	12%
<u>50 ⊢ 60</u>	9	18%
TOTAL	50	100%

Percebam que aqui os dados foram agrupados de acordo com a faixa com cada faixa etária.

<u>0 ⊢10</u> : Nessa representação, chamada de *classe*, o 0 (zero é incluído), já o 10 é excluído do intervalo.

No exemplo, temos um total de 06 classes.

A Amplitude de cada intervalo de classe é a diferença entre o Limite Superior e o Inferior, que nosso caso será de: (10 - 0) = 10

$$h = Amplitude de Classe = L_{superior} - L_{inferior}$$

Para determinarmos o Ponto Médio (PM) de cada Classe, basta calcularmos a média aritmética simples entre os limites de cada classe. Vejam:

<u>IDADES</u>	<u>PONTO MÉDIO</u> <u>(PM)</u>
<u>0 ⊢10</u>	<u>5</u> = (0 + 10)/2
<u>10 ⊢ 20</u>	15 = (10 + 20)/2
<u>20 ⊢ 30</u>	25 = (20 + 30)/2
<u>30 ⊢ 40</u>	35 = (30 + 40)/2
<u>40 ⊢ 50</u>	45 = (40 + 50)/2
<u>50 ⊢ 60</u>	$\underline{55} = (50 + 60)/2$

Já a Amplitude Total é a diferença entre o Limite Superior da última classe e o Limite Inferior da primeira classe, sendo o tamanho de todo o conjunto a ser observado.

Representações Gráficas de Dados

Aqui vamos estudar os famosos gráficos. Precisaremos diferenciar cada tipo de gráfico, meus amigos, por nome, uso e finalidade e, também, saber interpretá-los.

<u>GRÁFICO EM LINHAS:</u> Séries Temporais – evolução de valores com o passar de tempo:



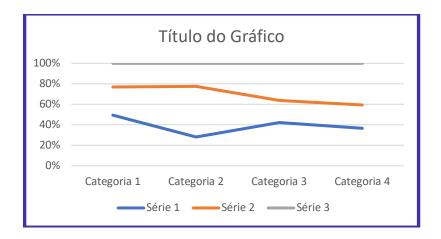


GRÁFICO DE COLUNAS: Séries Estatísticas.

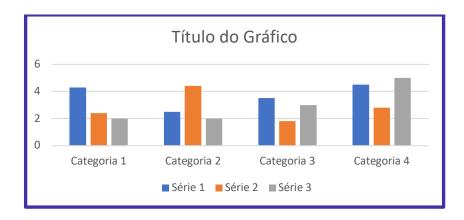
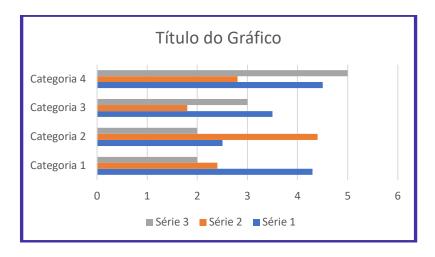
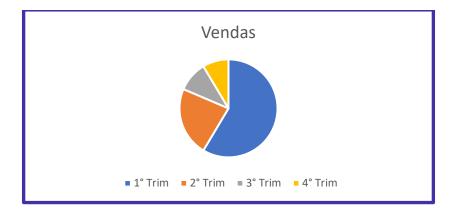


GRÁFICO DE BARRAS: Séries Estatísticas.

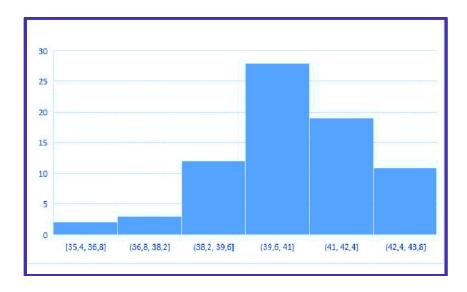


GRÁFICOS DE SETORES: Comparar Proporções.



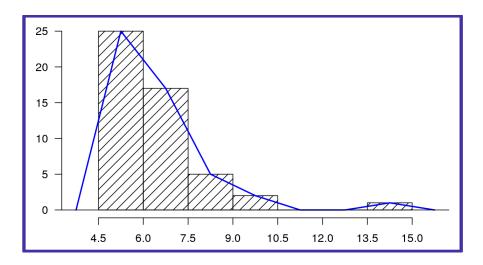


<u>HISTOGRAMA:</u> Utilizado em Dados Agrupados – Distribuição de Frequência em Classes.



O histograma é bem parecido com o gráfico de colunas, porém reparem que no histograma não existem espaço entre as colunas.

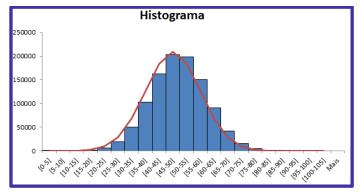
<u>POLÍGONO DE FREQUÊNCIAS:</u> Obtido através da união dos pontos médios das bases superiores das colunas do Histograma.



<u>CURVA DE FREQUÊNCIAS:</u> obtida a partir do *Polígono de Frequências* – Polígono de Frequência *Polido*.

POLÍGONO DE FREQUÊNCIA	CURVA DE FREQUÊNCIA	
lmagem real	lmagem tendenciosa	

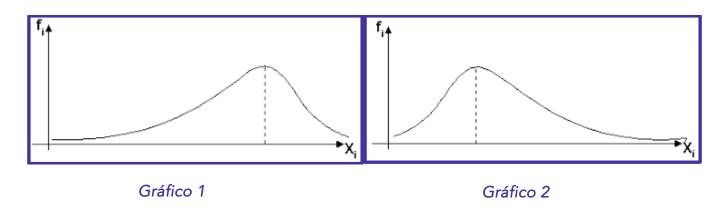
Basicamente o que é feito é a eliminação dos vértices do Polígono de Frequência. Vejam como ficaria:



A linha vermelha seria justamente nossa curva de frequência simétrica.

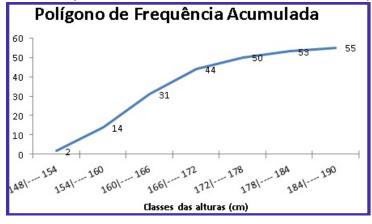
Porem, podemos ter uma assimetria à esquerda conforme gráfico 1, ou à direita gráfico 2.





$$\frac{Frequência\ Polida}{4} = \frac{f_{anterior} + 2\ f_{classe\ considerada} + f_{posterior}}{4}$$

OGIVAS: Obtido através de Frequências Acumuladas – Polígono de Frequência Acumulada.



APOSTA ESTRATÉGICA

A ideia desta seção é apresentar os pontos do conteúdo que mais possuem chances de serem cobrados em prova, considerando o histórico de questões da banca em provas de nível semelhante à nossa, bem como as inovações no conteúdo, na legislação e nos entendimentos doutrinários e jurisprudenciais1.

Pessoal, nossa Aposta Estratégica, obviamente, não poderia deixar de ser outra:

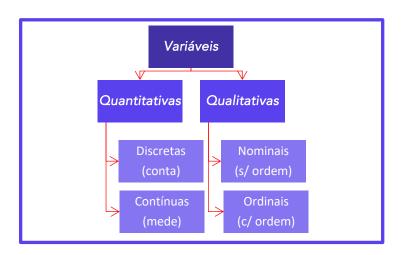


13

itos) F

¹ Vale deixar claro que nem sempre será possível realizar uma aposta estratégica para um determinado assunto, considerando que às vezes não é viável identificar os pontos mais prováveis de serem cobrados a partir de critérios objetivos ou minimamente razoáveis.

Classificação das Variáveis



QUESTÕES ESTRATÉGICAS

Nesta seção, apresentamos e comentamos uma amostra de questões objetivas selecionadas estrategicamente: são questões com nível de dificuldade semelhante ao que você deve esperar para a sua prova e que, em conjunto, abordam os principais pontos do assunto.

A ideia, aqui, não é que você fixe o conteúdo por meio de uma bateria extensa de questões, mas que você faça uma boa revisão global do assunto a partir de, relativamente, poucas questões.

HORA DE PRATICAR!



Questões CEBRASPE

Q.01 (Tecnologista Pleno / CTI / 2024)

Julgue o item que se segue, relativos a modelos de regressão e inferência estatística.

A inferência estatística consiste na formulação de proposições probabilísticas a partir de evidências já observadas.

C - Certo

E – Errado

Comentários:

CONCEITOS BÁSICOS

Estatística Descritiva Básica (Dedutiva)

Estatística Inferencial Avançada (Indutiva)



Descreve e Resume os dados, através da média, moda, mediana, variância, etc – são as primeiras etapas do processo estatístico, aqui <u>não</u> são tomadas as decisões.

Estuda processos para a partir de dados de uma amostra, inferir (concluir) algo de uma população, objetivando a tomada de decisões, sendo a parte final do processo estatístico.

Gabarito: Certo

Q.02 (Escrivão de Polícia / PC-PE / 2024)

Considerando um formulário com as variáveis nome, altura, idade, CPF e peso, julgue os itens a seguir.

I Nesse formulário, há quatro variáveis quantitativas e uma variável qualitativa.

II A altura e o peso são exemplos de variáveis quantitativas contínuas.

III Idade é um exemplo de variável qualitativa ordinal.

Assinale a opção correta.

- a) Nenhum item está certo.
- b) Apenas o item II está certo.
- c) Apenas o item III está certo.
- d) Apenas os itens I e II estão certos.
- e) Apenas os itens I e III estão certos.

Comentários:

- **Nome**: Variável qualitativa nominal expressa categorias sem ordem ou hierarquia.
- Altura: Variável quantitativa contínua assume qualquer valor dentro de um intervalo.
- Idade: Variável quantitativa discreta por contar os anos completo assume essa classificação, neste caso.
- **CPF**: Variável qualitativa nominal representa uma categoria.
- **Peso**: Variável quantitativa contínua assume qualquer valor dentro de um intervalo.

Gabarito: B



Q.03 (Pesquisador / CTI / 2024)

A respeito de dados, julgue o item a seguir.

Se uma empresa fizer o levantamento da altura de certa população, então, nesse caso, a altura será considerada um dado numérico.

C - Certo

E – Errado

Comentários:

A altura de uma população representa uma variável quantitativa, sendo, portanto, um dado numérico.

Gabarito: Certo

Q.04 (Analista de Defensoria / DPE – RO / 2022)

variável	valores	
estado civil	casado, solteiro, divorciado	
quantidade de filhos	0, 1, 2, 3	
salário	6.510,25; 7.915,68	
idade	22, 23, 27	

Com relação às variáveis apresentadas na tabela anterior, julgue os itens a seguir.

- I. A variável estado civil é qualitativa nominal.
- II. A variável quantidade de filhos é quantitativa discreta.
- III. As variáveis salário e estado civil são quantitativas discretas.
- IV. As variáveis idade e quantidade de filhos são qualitativas nominais.



Estão certos apenas os itens

- a) lell.
- b) II e III.
- c) III e IV.
- d) I, II e IV.
- e) I, III e IV.

Comentários:

Vejam que, muito tranquilamente, temos que nosso gabarito está de cara na alternativa "A".

"I" e "II" estão corretos.

Gabarito: A

Q.05 (Atividades Técnicas / M.com / 2022)

Julgue o item a seguir, quanto à SQL, às variáveis quantitativas e ao diagrama boxplot.

As variáveis quantitativas discretas são aquelas que assumem valores no conjunto dos números naturais, como o número de municípios brasileiros que recebem atualmente a programação de TV em sinal analógico, por exemplo.

C - Certo

E – Errado

Comentários:

Podemos sim considerar esse gabarito como correto.

Mas, de toda forma, vale salientar que as variáveis quantitativas discretas assumem valores para qualquer conjunto enumerável.

Gabarito: Certo

Prof. Allan Maux

18



LISTA DE QUESTÕES ESTRATÉGICAS

Questões CEBRASPE

Q.01 (Tecnologista Pleno / CTI / 2024)

Julgue o item que se segue, relativos a modelos de regressão e inferência estatística.

A inferência estatística consiste na formulação de proposições probabilísticas a partir de evidências já observadas.

C - Certo

E – Errado

Q.02 (Escrivão de Polícia / PC-PE / 2024)

Considerando um formulário com as variáveis nome, altura, idade, CPF e peso, julgue os itens a seguir.

I Nesse formulário, há quatro variáveis quantitativas e uma variável qualitativa.



II A altura e o peso são exemplos de variáveis quantitativas contínuas.

III Idade é um exemplo de variável qualitativa ordinal.

Assinale a opção correta.

- a) Nenhum item está certo.
- b) Apenas o item II está certo.
- c) Apenas o item III está certo.
- d) Apenas os itens I e II estão certos.
- e) Apenas os itens I e III estão certos.

Q.03 (Pesquisador / CTI / 2024)

A respeito de dados, julgue o item a seguir.

Se uma empresa fizer o levantamento da altura de certa população, então, nesse caso, a altura será considerada um dado numérico.

C - Certo

E – Errado

Q.04 (Analista de Defensoria / DPE – RO / 2022)

variável	valores	
estado civil	casado, solteiro, divorciado	
quantidade de filhos	0, 1, 2, 3	
salário	6.510,25; 7.915,68	
idade	22, 23, 27	

Com relação às variáveis apresentadas na tabela anterior, julgue os itens a seguir.

- I. A variável estado civil é qualitativa nominal.
- II. A variável quantidade de filhos é quantitativa discreta.
- III. As variáveis salário e estado civil são quantitativas discretas.
- IV. As variáveis idade e quantidade de filhos são qualitativas nominais.



Estão certos apenas os itens

- a) lell.
- b) II e III.
- c) III e IV.
- d) I, II e IV.
- e) I, III e IV.

Q.05 (Atividades Técnicas / M.com / 2022)

Julgue o item a seguir, quanto à SQL, às variáveis quantitativas e ao diagrama boxplot.

As variáveis quantitativas discretas são aquelas que assumem valores no conjunto dos números naturais, como o número de municípios brasileiros que recebem atualmente a programação de TV em sinal analógico, por exemplo.

C - Certo

E – Errado



Gabarito

GABARITO



<u>1</u>	<u>2</u>	<u>3</u>	<u>4</u>	<u>5</u>
Certo	В	Certo	Α	Certo

ESSA LEI TODO MUNDO CON-IECE: PIRATARIA E CRIME.

Mas é sempre bom revisar o porquê e como você pode ser prejudicado com essa prática.



Professor investe seu tempo para elaborar os cursos e o site os coloca à venda.



Pirata divulga ilicitamente (grupos de rateio), utilizando-se do anonimato, nomes falsos ou laranjas (geralmente o pirata se anuncia como formador de "grupos solidários" de rateio que não visam lucro).



Pirata cria alunos fake praticando falsidade ideológica, comprando cursos do site em nome de pessoas aleatórias (usando nome, CPF, endereço e telefone de terceiros sem autorização).



Pirata compra, muitas vezes, clonando cartões de crédito (por vezes o sistema anti-fraude não consegue identificar o golpe a tempo).



Pirata fere os Termos de Uso, adultera as aulas e retira a identificação dos arquivos PDF (justamente porque a atividade é ilegal e ele não quer que seus fakes sejam identificados).



Pirata revende as aulas protegidas por direitos autorais, praticando concorrência desleal e em flagrante desrespeito à Lei de Direitos Autorais (Lei 9.610/98).



Concurseiro(a) desinformado participa de rateio, achando que nada disso está acontecendo e esperando se tornar servidor público para exigir o cumprimento das leis.



O professor que elaborou o curso não ganha nada, o site não recebe nada, e a pessoa que praticou todos os ilícitos anteriores (pirata) fica com o lucro.